

## چشم‌انداز مدیریت صنعتی

سال نهم، شماره ۳۵، پاییز ۱۳۹۸

شاپا چاپی: ۰۹۸۷۴-۲۲۵۱، شاپا الکترونیکی: ۰۶۴۵-۴۱۶۵

صص ۸۵ - ۵۵

## بهینه‌سازی یکپارچه استوار برای زنجیره تأمین سبز حلقه‌بسته

hiba manoochehri\*, ali tajdin\*\*, babak shirazi\*\*\*

### چکیده

با افزایش مخاطرات زیست‌محیطی و وضع قوانینی در این زمینه از سوی دولتها و همچنین محدودیت منابع تولیدی، پژوهشگران توجه ویژه‌ای به طراحی شبکه‌های زنجیره تأمین حلقه‌بسته و سبز داشته‌اند. در این پژوهش، یک شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته دوهدفه، چنددوره‌ای، چندمحصولی و چندسطحی در شرایط عدم قطعیت ارائه شده است. عدم قطعیت در تقاضا و هزینه حمل و نقل در نظر گرفته شده و برای مقابله با این عدم قطعیت از بهینه‌سازی استوار استفاده شده است. شبکه زنجیره تأمین ارائه شده شامل چهار سطح در زنجیره تأمین روبه‌جلو و چهار سطح در زنجیره تأمین معکوس است. مدل ارائه شده یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط خطی باهدف حداقل‌سازی سود و حداقل کردن آلایندگی ایجاد شده ناشی از حمل و نقل محصولات و مراکز عملیاتی است. مدل پیشنهادی توسط نرم‌افزار لینگو حل شده و سپس مدل چنددهفه با استفاده از برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای بر پایه مطلوبیت بهبود داده شده است؛ درنهایت نتایج به دست آمده تجزیه و تحلیل شده است. مقایسه سناریوهای مختلف نشان می‌دهد،تابع هدف بهشت به پارامترهای عدم قطعیت حساس است و اثر عدم قطعیت در پارامترها را به طور همزمان نشان می‌دهد؛ ازین‌رو مدل سازی شبکه بر مبنای سناریوهای مختلف می‌تواند ابزار مناسبی برای تصمیم‌گیری در رویارویی با پارامترهای غیرقطعی و مبهم باشد.

**کلیدواژه‌ها:** زنجیره تأمین حلقه‌بسته؛ بهینه‌سازی استوار؛ برنامه‌ریزی آرمانی؛ عدم قطعیت.

---

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۸/۰۲/۰۴، تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۸/۰۶/۲۵.

\*دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشگاه علوم و فنون مازندران.

\*\*استادیار، دانشگاه علوم و فنون مازندران (نویسنده مسئول).

E-mail: Ali\_tajdin@ustmb.ac.ir

\*\*\* دانشیار، دانشگاه علوم و فنون مازندران.

## ۱. مقدمه

در سال‌های اخیر به دلایل مختلفی نظیر تصویب قوانین دولتی مربوط به حفظ محیط‌زیست، مسئولیت اجتماعی و فشارهای عمومی، طراحی شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته به شدت موردنوجه قرار گرفته است. هدف اولیه از این طراحی، استفاده دوباره از کالاهای معیوب و یا مستعمل با فرآیند بازیابی، جلوگیری از اتلاف بیشتر منابع، کاهش آلودگی‌های زیستمحیطی و حصول سودآوری در کنار ملاحظات اجتماعی و تجاری دیگر است. زنجیره تأمین حلقه‌بسته مشکل از زنجیره تأمین روبرو باشندگان، تولیدکنندگان، توزیعکنندگان، مشتری) و چهار سطح در سطح در جریان مستقیم (تأمین‌کنندگان، تولیدکنندگان، توزیعکنندگان، مشتری) و چهار سطح در جریان معکوس (مراکز جمع‌آوری، جداسازی، بازیافت، انهدام) است. در این شبکه مواد خام توسط تأمین‌کنندگان، تأمین می‌شود و در کارخانه‌ها تولید و توسط مراکز توزیع به دست مشتری می‌رسد. بر اساس سیاست‌های حاکمیتی، مطالبه همگانی، مناطق جغرافیایی، نوع محصول و همچنین به دلیل نواقص و ایرادات محصول، محصول از طریق مراکز جمع‌آوری، جمع‌آوری شده و در مراکز جداسازی بسته به شرایط و وضعیت محصول به مراکز بازتولید، بازیافت و مراکز دفع ارسال می‌شود که از این طریق زنجیره حلقه‌بسته شکل می‌گیرد.

در این پژوهش یک مدل چنددهفه برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط برای شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته با هدف بیشینه‌سازی سود و کمینه‌سازی آلایندگی‌های زیستمحیطی ارائه شده است. طراحی صورت‌گرفته دارای شبکه‌ای چندلایه‌ای، چندمحصولی، چنددوره‌ای و ظرفیت محدود شده در شرایط عدم قطعیت است. برای جلوگیری از عدم قطعیت از رویکرد بهینه‌سازی استوار استفاده شده و عدم قطعیت بر روی پارامترهای تقاضا و هزینه حمل و نقل تعریف شده است. ساختار مقاله به‌گونه‌ای است که در بخش دوم به مرور مبانی نظری موضوع پرداخته می‌شود. در بخش سوم به تعریف مسئله پرداخته شده، در بخش چهارم نتایج عددی و در پایان نیز یافته‌ها و نتایج پژوهش و پیشنهادهای آتی مطرح خواهند شد.

نوآوری و سهم پژوهش، بررسی اثر عدم قطعیت در پارامترهای تقاضا و هزینه‌های حمل و نقل و همچنین بررسی همزمان ۲ رکن پایداری در زنجیره تأمین اقتصادی و زیستمحیطی است. رویکرد مدل، چند دوره‌ای و چندمحصولی است که می‌تواند این مطالعه را در محیط تولیدی عملی‌تر کند.

## ۲. مبانی نظری و پیشینه پژوهش

در مدیریت چرخه عمر یک محصول، چرخه‌ای وجود دارد که محصول در طول عمر خود مراحل مختلف آن را طی می‌کند. مراحلی که هر کدام ویژگی‌های خاصی دارند و نیازمند اقدامات ویژه‌ای هستند تا سازمان را قادر سازند که به بهترین شکل از آن محصول سود الزام را ببرد.

مبحث مدیریت چرخه عمر از مفاهیم بازاریابی خارج شد و غالباً در حوزه لجستیک و مدیریت زنجیره تأمین بررسی و رشد یافت؛ بنابراین در شرایط قطعی و غیرقطعی این چارچوب، چرخه عمر بسیاری از محصولات مدیریت شد؛ بهخصوص موضوع «لجدستیک معکوس» و «مدیریت بازگشتهای» که مدنظر صاحبنظران و مهندسان صنایع قرار گرفته و چرخه عمر محصولات به شکل جامع تری گسترش یافته است [۶].

عالیم تبریز و همکاران (۲۰۱۱) به طراحی و بهینه‌سازی شبکه لجستیک معکوس در شرایط عدم قطعیت با استفاده از الگوریتم ژنتیک پرداختند. در این مطالعه، یک مدل برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح آمیخته احتمالی برای طراحی شبکه لجستیک معکوس ارائه شده است. مدل ارائه شده چندمحصولی و چنددوره‌ای است که همزمان حمل و نقل و احداث تحصیلات را دربر می‌گیرد. هدف مدل کمینه‌سازی هزینه‌ها با درنظرگرفتن عدم قطعیت در تقاضای محصولات برگشتی است [۲].

رمضانی و همکاران (۲۰۱۳)، یک مدل چندهدفه احتمالی برای یکپارچه‌سازی زنجیره تأمین رویه‌جلو/ معکوس و باهدف بهداشت‌رساندن سود و به‌حداقل‌رساندن قطعات معیوب از تأمین‌کنندگان تحت شرایط عدم قطعیت ارائه کردند. در این پژوهش با استفاده از روش حدی، مجموعه‌ای از جواب‌های بهینه پارتو به دست آمده و نیز ریسک‌های مالی مربوط به آن‌ها به‌منظور نشان‌دادن موازنی بین اهداف محاسبه شده است [۱۷]. سلیمانی و همکاران (۲۰۱۷)، یک شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته شامل تأمین‌کنندگان، تولیدکنندگان، مرکز توزیع، مشتریان، مرکز انبار، مرکز بازگشت و مرکز بازیافت طراحی کردند. مدل‌سازی زنجیره با توجه به ملاحظات زیست‌محیطی، بهینه‌سازی سود کلی و کاهش روز کاری از کارافتاده به‌دلیل حوادث شغلی و به‌حداکثر‌رساندن پاسخ به تقاضای مشتری است. به‌منظور حل مدل، الگوریتم ژنتیک به کار رفت و چندین سناریو با جنبه‌های مختلف مورد مطالعه قرار گرفت [۲۲].

سو (۲۰۱۴)، مطالعه‌ای با تمکز بر ارتباط بین مواد نو و بازیافتی تحت هزینه‌های متغیر تولید، بازده ماشین‌ها و ظرفیت و مصرف انرژی انجام داد. در پژوهش وی یک مدل برنامه‌ریزی خطی چندهدفه فازی برای تحلیل رابطه عوامل در ارتباط با هزینه اثربخش و انتشار گاز  $\text{CO}_2$  به کار رفت [۲۱]. دیابت و همکاران (۲۰۱۳)، مبحث زنجیره تأمین سبز را در زنجیره ترکیبی (مستقیم و معکوس) خود وارد کردند. در مبحث زنجیره تأمین سبز آلیندگی مواد اولیه‌ای که در تولید مورد استفاده قرار می‌گیرند نیز مورد سنجش قرار می‌گیرد؛ بنابراین در این پژوهش این آلیندگی بر اساس میزان انتشار کربن ناشی از فرآیند تأمین مواد خام که می‌تواند برای هر تأمین‌کننده مقدار متفاوتی باشد و دیگری، میزان انتشار کربن ناشی از حمل و نقل مواد اولیه و انتقال آن‌ها به سایت تولیدی محاسبه می‌شود [۴]. گارک و همکاران (۲۰۱۵)، یک مدل برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح مختلط دو هدفه ارائه کردند که از گسترش زنجیره تأمین سنتی به

یک زنجیره تأمین حلقه‌بسته برای کنترل آسیب‌های زیست‌محیطی زنجیره از نظر افزایش فعالیت‌های حمل و نقل حاصل شده است و برای حل آن، رویکرد چند‌هدفه تعاملی پیشنهاد شده است [۷].

صفایی و همکاران (۲۰۱۷)، یک شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته برای بازیافت مقوا شامل چندین تأمین‌کننده و چند مرحله تولید در نظر گرفتند. آن‌ها یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح خطی مختلط ترکیبی با هدف حداکثرسازی سود برای بهینه‌سازی شبکه بازیافت مقوا و کاغذ ارائه دادند و برای مقابله با عدم قطعیت در تقاضا در شبکه از رویکرد بهینه‌سازی استوار استفاده کردند. مدل پیشنهادی مقادیر بهینه کاغذ پسماند، کاغذ، ورق و مقوا که در شبکه جریان دارند را تعیین کرد و برای نشان‌دادن کاربرد مدل یک شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته مقوا را بررسی کردند؛ و در نهایت نتایج محاسباتی، کارآمدی مدل پیشنهادی را برای شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته مقوا نشان داد [۱۹]. پدرام و همکاران (۲۰۱۷)، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط تک‌هدفه، چندمحصولی و غیرقطعی برای شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته با هدف حداکثرسازی سود کل ارائه کردند که عدم قطعیت در پارامترهای تقاضا، محصولات برگشتی و کیفیت محصولات برگشتی در شبکه تعریف شده است. آن‌ها برای مقابله با عدم قطعیت از رویکرد سناریومحور استفاده کردند [۲۰]. ژان و لیو (۲۰۱۱)، عدم قطعیت تقاضا، منابع و درسترس‌بودن راه‌های ارتباطی را در مسئله مکان‌یابی و تخصیص در نظر گرفتند و از برنامه‌ریزی سناریو برای کنترل این عدم قطعیت بهره برdenد [۲۷]. مت و زاینسکی (۲۰۱۰)، یک مدل برنامه‌ریزی تصادفی دو مرحله‌ای برای فاز آمادگی توسعه دادند و موقعیت انبارها و سطوح موجودی آن‌ها را تعیین کردند و در آن عدم قطعیت با استفاده از سناریوسازی مدل شده است [۲۳].

لیستس و دکر (۲۰۰۵)، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح بر پایه سناریو برای طراحی شبکه زنجیره تأمین یکپارچه مستقیم / معکوس تحت شرایط عدم قطعیت در تقاضا و همچنین نوع و کیفیت محصولات برگشتی در یک شبکه بازیافت سنگ مطرح کرد. وی از روش تجزیه برای حل مدل در نمونه‌های اندازه‌بزرگ بر اساس رویه شاخه و برش استفاده کرد [۶]. زیکوبالوس و همکاران (۲۰۱۵)، به بررسی و تحلیل افزایش کیفیت محصولات مرجوعی در زنجیره تأمین حلقه‌بسته در شرایط عدم قطعیت پرداختند و در نهایت تحلیلی از هزینه و دقت روش حل برای سودآوری را با یک روش عددی مختصر بیان کردند [۲۶]. نادری و پیشوایی (۲۰۱۷)، یک الگوریتم تجزیه سریع Benders را برای حل یک مدل برنامه‌ریزی تصادفی مبتنی بر مخلوط سناریو و احتمالی دو مرحله‌ای برای طراحی سیستم‌های جمع‌آوری آب و فاضلاب توسعه دادند [۱۶].

مرتضوی و سیف برقی (۲۰۱۸)، به مدل‌سازی دو هدفه مسئله مکان‌یابی تخصیص در یک زنجیره تأمین سبز با درنظرگرفتن سیستم حمل و نقل و انتشار گاز  $\text{CO}_2$  پرداختند. اهداف مدل پیشنهادی، کمینه کردن هزینه کل شبکه و کمینه کردن میزان انتشار گاز  $\text{CO}_2$  است. روش حل پیشنهادی برای حل مدل روش برنامه‌ریزی آرمانی چند گزینه‌ای است [۱۳]. نیکنام و همکاران (۲۰۱۲)، یک الگوریتم بهینه‌سازی آموزش مبنی بر یادگیری را به عنوان یکی از الگوریتم‌های سریع اکتشافی برای بهینه‌سازی یک مدل تصادفی به کار بردند [۲۵]. محمدی و همکاران (۲۰۱۸)، یک مدل برای برنامه‌ریزی اصلی زنجیره تأمین پایدار با ملاحظه یکپارچگی جریان مالی و فیزیکی ارائه کردند. اهداف این مدل عبارت‌اند از: بیشینه‌سازی سود، کمینه‌سازی تأثیرات زیست‌محیطی و اجتماعی و همچنین کمینه‌سازی انحراف نامطلوب شاخص‌های مالی از حد مطلوب خود. برای مواجهه با ماهیت چنددهدۀ مدل از روش برنامه‌ریزی آرمانی استفاده شده و مدل در یک مورد واقعی در صنعت بازیافت پلاستیک اجرا شده است [۱۱].

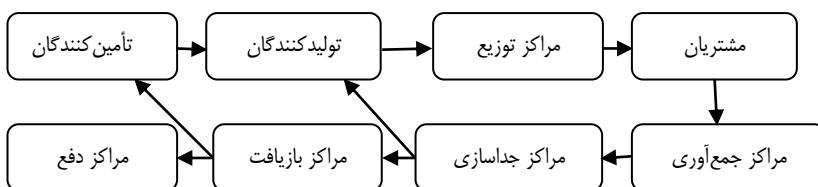
سعیدی‌نیا و همکاران (۲۰۱۹)، یک مدل دوهدفه را برای طراحی شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته با ملاحظه همزمان مناطق توزیع، تخصیص مکان تسهیلات، اشتراک خدمات، و انتقال خدمات درون‌مناطقی ارائه کردند. توابع هدف این مسئله، کمینه کردن هزینه‌های و به‌حداقل‌رساندن حداکثر حجم تقاضای مازاد از تسهیلات و امکانات خدماتی بود. در این مدل، هزینه‌ها، بازگشتهای و حداکثر عرضه خدمات نامشخص بوده و یک رویکرد بهینه‌سازی استوار برای درنظرگرفتن عدم قطعیت به کار رفته است؛ همچنین اعتبار مدل ریاضی پیشنهادی در یک مطالعه موردی واقعی در بخش صنعت نفت و گاز (تولید بنزین) بررسی شده است [۱۸]. فخرزاد و همکاران (۲۰۱۸)، یک مدل برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح جدید برای زنجیره تأمین حلقه‌بسته سبز چند محصولی، چند دوره‌ای و چند سطحی را در شرایط عدم قطعیت ارائه کردند. مدل پیشنهادی آن‌ها متشکل از پنج تابع هدف شامل ۱. به‌حداقل‌رساندن هزینه زنجیره تأمین، ۲. به‌حداقل‌رساندن انتشار کربن از وسایل حمل و نقل، ۳. به‌حداکثر رساندن قابلیت اطمینان مرکز تولید و توزیع، ۴. به‌حداکثر رساندن قابلیت اطمینان سیستم حمل و نقل و ۵. به‌حداکثر رساندن سطح خدمات ارائه شده است. آن‌ها برای حل مردم در ابعاد کوچک از نرم‌افزار گمز و در ابعاد بزرگ به‌دلیل ماهیت NP-hard بودن مسئله از الگوریتم NSGA-II استفاده کردند [۵]. در این زمینه در چند دهه اخیر مقاله‌های زیادی در نشریه‌های مختلف چاپ شده است [۱۰، ۱۲، ۲۴، ۸].

### ۳. روش شناسی پژوهش

بیان مسئله. مدل ارائه شده یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط چندلايه‌ای، چندمحصولی و چند دوره‌ای است. شبکه مفروض، یک شبکه یکپارچه پیشرو / معکوس، به همراه ظرفیت‌های محدود شده است که به‌طور همزمان گزینه‌های بازیافت، تعمیر و تولید دوباره و انهدام را در نظر

می‌گیرد. همان‌طور که در شکل ۱، نشان داده شده است، در جریان پیشرو، ابتدا قطعات موردنیاز محصولات از مرکز تأمین‌کننده به تولیدکننده ارسال می‌شود و سپس محصولات تولیدشده به مرکز توزیع ارسال و از آنجا به محل مشتریان حمل و تحويل داده می‌شوند. در جریان معکوس، محصولات برگشتی از طرف مشتریان از طریق مرکز جمع‌آوری، جمع‌آوری می‌شوند؛ سپس به مرکز جداسازی ارسال شده و موربدبررسی و آزمایش قرار می‌گیرند و به سه گروه قابل‌تممیر، قابل‌بازیافت و محصولات قراضه (قابل‌انهدام) تقسیم می‌شوند.

محصولات قابل‌تممیر به مرکز تولید فرستاده شده و به کالاهای قابل‌فروش مجدد تبدیل می‌شوند. محصولاتی که قابلیت بازیافت داشته باشند، به مرکز بازیافت منتقل شده و در آنجا به عنوان مواد اولیه به مرکز تأمین‌کننده ارسال می‌شوند. محصولات برگشتی قابل‌دفع نیز به مکان‌های دفع ضایعات فرستاده می‌شوند. در این پژوهش یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی چندهدفه عدد صحیح مختلط خطی برای زنجیره تأمین سبز حلقه‌بسته ارائه شده است.تابع هدف اول سود حاصل از شبکه زنجیره تأمین را بیشینه می‌کند و تابع هدف دوم در راستای کاهش آسیب‌های زیست‌محیطی ناشی از انتشار گاز  $\text{CO}_2$  و سبزکردن شبکه زنجیره تأمین طراحی شده است.



شکل ۱. شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته

### فرضیات مدل

- مکان‌های تأمین‌کنندگان ثابت و از قبل مشخص است.
- ظرفیت‌ها در مدل مفروض، محدود است.
- محصولات در مرکز جداسازی، بازرگانی و جداسازی شده و خروجی از این مرکز به مرکز تولید و مرکز بازیافت ارسال می‌شود.
- کیفیت محصولات تعمیر شده، همانند کیفیت محصولات نو است و به صورت محصولات جدید عرضه می‌شوند.
- محصولاتی که از مرکز بازیافت خارج می‌شوند، به کارخانه‌ها ارسال شده و به فروش می‌رسند.
- کمبود مجاز نیست.
- مقدار محصولات تولیدشده برابر با میزان تقاضا است.
- پارامترهای تقاضا و هزینه حمل و نقل تحت شرایط عدم قطعیت در نظر گرفته می‌شوند.

## مجموعه‌ها و اندیس‌های مدل

|                 |                       |
|-----------------|-----------------------|
| $a=1, \dots, A$ | مجموعه تأمین‌کنندگان  |
| $b=1, \dots, B$ | مجموعه تولیدکنندگان   |
| $c=1, \dots, C$ | مجموعه مراکز توزیع    |
| $d=1, \dots, D$ | مشتریان               |
| $e=1, \dots, E$ | مجموعه مراکز جمع‌آوری |
| $f=1, \dots, F$ | مجموعه مراکز جداسازی  |
| $g=1, \dots, G$ | مجموعه مراکز بازیافت  |
| $h=1, \dots, H$ | مجموعه مراکز دفع      |
| $p=1, \dots, P$ | محصولات               |
| $t=1, \dots, T$ | دوره زمانی            |

### پارامترها

|   |            |
|---|------------|
| مقدار تقاضای مشتری $d$ برای محصول $p$ در دوره‌ی زمانی $t$ | $De_{dpt}$ |
| هزینه ثابت راهاندازی مرکز تأمین $a$                       | $CF_a$     |
| هزینه ثابت راهاندازی مرکز تولید $b$                       | $CF_b$     |
| هزینه ثابت راهاندازی مرکز توزیع $c$                       | $CF_c$     |
| هزینه ثابت راهاندازی مرکز جمع‌آوری $e$                    | $CF_e$     |
| هزینه ثابت راهاندازی مرکز جداسازی $f$                     | $CF_f$     |
| هزینه ثابت راهاندازی مرکز بازیافت $g$                     | $CF_g$     |

|   |            |
|---|------------|
| هزینه ثابت راه‌اندازی مرکز دفع h  | $CF_h$     |
| هزینه انتقال هر واحد مواد اولیه از تأمین‌کننده a به مرکز تولید b                    | $CT_{ab}$  |
| هزینه انتقال هر واحد محصول تولیدی p از مرکز تولید b به مرکز توزیع c                 | $CT_{bcp}$ |
| هزینه انتقال هر واحد محصول تولیدی p از مرکز توزیع c به مشتری d                      | $CT_{cdp}$ |
| هزینه انتقال هر واحد محصول بازگشتی p از مشتری d به مرکز جمع‌آوری e                  | $CT_{dep}$ |
| هزینه انتقال هر واحد محصول بازگشتی p از مرکز جمع‌آوری e به مرکز جداسازی f           | $CT_{efp}$ |
| هزینه انتقال هر واحد قطعات قابل بازیافت محصول p از مرکز جداسازی f به مرکز بازیافت g | $CT_{fgp}$ |
| هزینه انتقال هر واحد قطعات قابل استفاده محصول p از مرکز جداسازی f به مرکز تولید b   | $CT_{fbp}$ |
| هزینه انتقال مواد اولیه بازیافته محصول p از مرکز بازیافت g به مرکز تأمین a          | $CT_{gap}$ |
| هزینه انتقال هر واحد قطعات غیرقابل استفاده محصول p از مرکز بازیافت g به مرکز دفع h  | $CT_{ghp}$ |
| فاصله بین مرکز تأمین a و مرکز تولید b   | $Dis_{ab}$ |
| فاصله بین مرکز تولید b و مرکز توزیع c   | $Dis_{bc}$ |
| فاصله بین مرکز توزیع c و مشتری d  | $Dis_{cd}$ |
| فاصله بین مشتری d و مرکز جمع‌آوری e   | $Dis_{de}$ |
| فاصله بین مرکز جمع‌آوری e و مرکز جداسازی f  | $Dis_{ef}$ |
| فاصله بین مرکز جداسازی f و مرکز بازیافت g   | $Dis_{fg}$ |
| فاصله بین مرکز جداسازی f و مرکز تولید b   | $Dis_{fb}$ |

|   |            |
|---|------------|
| فاصله بین مرکز بازیافت $g$ و مرکز تأمین $a$                     | $Dis_{ga}$ |
| فاصله بین مرکز بازیافت $g$ و مرکز دفع $h$                       | $Dis_{gh}$ |
| قیمت فروش هر واحد از محصول $p$ به مشتری‌ها                      | $SP_p$     |
| هزینه خرید هر واحد مواد اولیه از تأمین‌کننده $a$ برای محصول $p$ | $CB_{ap}$  |
| هزینه تولید هر واحد از محصول $p$ در مرکز تولید $b$              | $CP_{bp}$  |
| هزینه پخش هر واحد از محصول $p$ در مرکز توزیع $c$                | $CO_{cp}$  |
| هزینه گردآوری هر واحد از محصول $p$ در مرکز جمع‌آوری $e$         | $CC_{ep}$  |
| هزینه تفکیک هر واحد از محصول $p$ در مرکز جداسازی $f$            | $CD_{fp}$  |
| هزینه تجزیه هر واحد از محصول $p$ در مرکز بازیافت $g$            | $CN_{gp}$  |
| هزینه بازسازی هر واحد از محصول $p$ در مرکز تولید $b$            | $CR_{bp}$  |
| قیمت هر واحد از محصول بازیافتی $p$                              | $Inco_p$   |
| هزینه دفع مواد غیرقابل بازیافت از محصول $p$ در مرکز دفع $h$     | $DC_{hp}$  |
| ظرفیت تأمین‌کننده $a$ برای مواد خام برای محصول $p$              | $CA_{ap}$  |
| ظرفیت مرکز تولید $b$ برای محصول $p$                             | $CA_{bp}$  |
| ظرفیت مرکز توزیع $c$ برای محصول $p$                             | $CA_{cp}$  |
| ظرفیت مرکز جمع‌آوری $e$ برای محصول $p$                          | $CA_{ep}$  |
| ظرفیت مرکز جداسازی $f$ برای محصول $p$                           | $CA_{fp}$  |
| ظرفیت مرکز بازیافت $g$ برای محصول $p$                           | $CA_{gp}$  |
| ظرفیت مرکز دفع $h$ برای محصول $p$                               | $CA_{hp}$  |

|  |              |
|--|--------------|
| حداکثر تعداد مراکز تأمین a که می‌توانند راهاندازی شوند                                   | $Ma$         |
| حداکثر تعداد مراکز تولید b که می‌توانند راهاندازی شوند                                   | $Mb$         |
| حداکثر تعداد مراکز توزیع c که می‌توانند راهاندازی شوند                                   | $Mc$         |
| حداکثر تعداد مراکز جمع‌آوری e که می‌توانند راهاندازی شوند                                | $Me$         |
| حداکثر تعداد مراکز جداسازی f که می‌توانند راهاندازی شوند                                 | $Mf$         |
| حداکثر تعداد مراکز بازیافت g که می‌توانند راهاندازی شوند                                 | $Mg$         |
| حداکثر تعداد مراکز دفع h که می‌توانند راهاندازی شوند                                     | $Mh$         |
| نرخ بازگشت محصولات از مشتریان d به مراکز جمع‌آوری e                                      | $RR_{de}$    |
| نرخ جداسازی از مراکز جمع‌آوری e به مراکز جداسازی f                                       | $RN_{ef}$    |
| نرخ بازیافت از مراکز جداسازی f به مراکز بازیافت g  | $RY_{fg}$    |
| نرخ تعمیر از مراکز جداسازی f به مراکز تولید b  | $RX_{fb}$    |
| نرخ مواد بازیافتی از مراکز بازیافت g به مراکز تأمین a                                    | $RU_{ga}$    |
| میزان انتشار کربن دی‌اکسید برای انتقال هر واحد کالا از مرکز تأمین a به مرکز تولید b      | $FETP_{ab}$  |
| میزان انتشار کربن دی‌اکسید برای انتقال هر واحد کالا از مرکز تولید b به مرکز توزیع c      | $FETP_{bcp}$ |
| میزان انتشار کربن دی‌اکسید برای انتقال هر واحد کالا از مرکز توزیع c به مشتری d           | $FETP_{cdp}$ |
| میزان انتشار کربن دی‌اکسید برای انتقال هر واحد کالا از مشتری d به مرکز جمع‌آوری e        | $FETP_{dep}$ |
| میزان انتشار کربن دی‌اکسید برای انتقال هر واحد کالا از مرکز جمع‌آوری e به مرکز جداسازی f | $FETP_{efp}$ |
| میزان انتشار کربن دی‌اکسید برای انتقال هر واحد کالا از مرکز جداسازی f به مرکز بازیافت g  | $FETP_{fgp}$ |

|  |              |
|--|--------------|
| میزان انتشار کربن دیاکسید برای انتقال هر واحد کالا از مرکز جداسازی f به مرکز تولید b | $FETP_{fbp}$ |
| میزان انتشار کربن دیاکسید برای انتقال هر واحد کالا از مرکز بازیافت g به مرکز تأمین a | $FETP_{gap}$ |
| میزان انتشار کربن دیاکسید برای انتقال هر واحد کالا از مرکز بازیافت g به مرکز دفع h   | $FETP_{ghp}$ |
| میزان انتشار کربن دیاکسید در مرکز تولید b  | $FEPP_{bp}$  |
| میزان انتشار کربن دیاکسید در مرکز جداسازی f  | $FEPP_{fp}$  |
| میزان انتشار کربن دیاکسید در مرکز بازیافت g  | $FEPP_{gp}$  |

**متغیرها**

|   |              |
|---|--------------|
| مقدار مواد منتقل شده از مرکز تأمین a به مرکز تولید b برای محصول p در دوره زمانی t       | $AF_{abpt}$  |
| مقدار کالا منتقل شده از مرکز تولید b به مرکز توزیع c برای محصول p در دوره زمانی t       | $AF_{bcpt}$  |
| مقدار کالا منتقل شده از مرکز توزیع c به مشتری d برای محصول p در دوره زمانی t            | $AF_{cdpt}$  |
| مقدار محصولات بازگشته از مشتری d به مرکز جمع‌آوری e برای محصول p در دوره زمانی t        | $AF_{dept}$  |
| مقدار محصولات بازگشته از مرکز جمع‌آوری e به مرکز جداسازی f برای محصول p در دوره زمانی t | $AF_{efpt}$  |
| مقدار محصولات بازگشته از مرکز جداسازی f به مرکز بازیافت g برای محصول p در دوره زمانی t  | $AF_{fgpt}$  |
| مقدار محصولات بازگشته از مرکز بازیافت g به مرکز تأمین a برای محصول p در دوره زمانی t    | $AF_{gap_t}$ |

مقدار محصولات بازگشته از مرکز بازیافت  $g$  به مرکز دفع  $h$  برای محصول  $t$  در دوره زمانی  $p$

اگر مرکز تأمین  $a$  راهاندازی شود ۱ و در غیر این صورت  $U_a$

اگر مرکز تولید  $b$  راهاندازی شود ۱ و در غیر این صورت  $Q_b$

اگر مرکز توزیع  $c$  راهاندازی شود ۱ و در غیر این صورت  $V_c$

اگر مرکز جمع‌آوری  $e$  راهاندازی شود ۱ و در غیر این صورت  $W_e$

اگر مرکز جداسازی  $f$  راهاندازی شود ۱ و در غیر این صورت  $X_f$

اگر مرکز بازیافت  $g$  راهاندازی شود ۱ و در غیر این صورت  $Y_g$

اگر مرکز دفع  $h$  راهاندازی شود ۱ و در غیر این صورت  $Z_h$

### تابع هدف و محدودیت‌های مدل

(الف) هدف اقتصادی: بیشینه‌سازی سود

$$\begin{aligned}
 MaxZ_1 = & \sum_t \sum_p \sum_d De_{dpt} \times SP_p - [\sum_t \sum_p \sum_a \sum_b AF_{abpt} \times CT_{ab} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_c \sum_d AF_{cdpt} \times CT_{cdp} + \sum_t \sum_p \sum_d \sum_e AF_{dept} \times CT_{dep} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_e \sum_f AF_{efpt} \times CT_{efp} + \sum_t \sum_p \sum_f \sum_g AF_{fgpt} \times CT_{fgp} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_f \sum_b AF_{fbpt} \times CT_{fbp} + \\
 & \sum_t \sum_p \sum_g \sum_a AF_{gapt} \times CT_{gap} + \sum_t \sum_p \sum_g \sum_h AF_{ghpt} \times CT_{ghp}] \\
 & - [\sum_t \sum_p \sum_a \sum_b AF_{abpt} \times CB_{ap} + \sum_t \sum_p \sum_b \sum_c AF_{bcpt} \times CP_{bp} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_c \sum_d AF_{cdpt} \times CO_{cp} + \sum_t \sum_p \sum_d \sum_e AF_{dept} \times CC_{ep} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_e \sum_f AF_{efpt} \times CD_{fp} + \sum_t \sum_p \sum_f \sum_g AF_{fgpt} \times CN_{gp}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & + \sum_t \sum_p \sum_f \sum_b AF_{fbpt} \times CR_{bp} + \sum_t \sum_p \sum_g \sum_h AF_{ghpt} \times DC_{hp} \\
 & - \sum_t \sum_p \sum_g \sum_a AF_{gapt} \times Inco_p ] - [ \sum_a CFU_a + \sum_b CFQ_b + \sum_c CFV_c \\
 & + \sum_e CFW_e + \sum_f CF_X_f + \sum_g CF_Y_g + \sum_h CF_Z_h ] \quad (1)
 \end{aligned}$$

تابع هدف اول با توجه به مفهوم زیر محاسبه شده است:

هزینه‌ها – درآمدها = سود

در معادله بالا، درآمد کسب شده از فروش محصول جدید و تعمیری و ارزش افزوده ایجاد شده با مواد بازیافتی برگشتی برابر با درآمد شبکه زنجیره تأمین است و هزینه‌ها شامل هزینه ثابت ایجاد تسهیلات، هزینه‌های مربوط به حمل و نقل، هزینه عملیاتی تولید هر محصول، هزینه‌های عملیاتی مرکز توزیع، هزینه‌های عملیاتی مرکز جمع‌آوری، هزینه‌های عملیاتی جداسازی و تعمیر هر محصول، هزینه‌های عملیاتی تجزیه و بازیافت و هزینه‌های عملیاتی انهدام هر محصول هستند. تابع هدف اول سود را بیشینه می‌کند.

(ب) هدف زیست‌محیطی: کمینه‌سازی آلودگی

$$\begin{aligned}
 MinZ_2 = & [ \sum_t \sum_p \sum_a \sum_b AF_{abpt} \times Dis_{ab} \times FETP_{ab} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_b \sum_c AF_{bcpt} \times Dis_{bc} \times FETP_{bc} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_c \sum_d AF_{cdpt} \times Dis_{cd} \times FETP_{cd} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_d \sum_e AF_{dept} \times Dis_{de} \times FETP_{dep} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_e \sum_f AF_{efpt} \times Dis_{ef} \times FETP_{ef} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_f \sum_g AF_{fgpt} \times Dis_{fg} \times FETP_{fg} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_f \sum_b AF_{fbpt} \times Dis_{fb} \times FETP_{fb} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_g \sum_a AF_{gapt} \times Dis_{ga} \times FETP_{gap}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & + \sum_t \sum_p \sum_g \sum_h AF_{ghpt} \times Dis_{gh} \times FETP_{ghp} ] + [ \sum_t \sum_p \sum_b \sum_c AF_{bcpt} \times FEPP_{bp} \\
 & + \sum_t \sum_p \sum_e \sum_f AF_{efpt} \times FEPP_{fp} + \sum_t \sum_p \sum_f \sum_g AF_{fgpt} \times FEPP_{gp} ]
 \end{aligned} \quad (\mathfrak{Y})$$

در تابع هدف دوم میزان آلیندگی ناشی از حمل و نقل و تولید محصولات کمینه می‌شود.

$$\sum_c \sum_d AF_{cdpt} = \sum_d De_{dpt} \quad \forall p, t \quad (\mathfrak{W})$$

$$\begin{aligned}
 & \sum_a \sum_b AF_{abpt} + \sum_f \sum_b AF_{fbpt} \quad \forall p, t \\
 & = \sum_b \sum_c AF_{bcpt}
 \end{aligned} \quad (\mathfrak{E})$$

$$\sum_b \sum_c AF_{bcpt} = \sum_c \sum_d AF_{cdpt} \quad \forall p, t \quad (\Delta)$$

$$\begin{aligned}
 & \sum_f \sum_b AF_{fbpt} + \sum_f \sum_g AF_{fgpt} \quad \forall p, t \\
 & = \sum_e \sum_f AF_{efpt}
 \end{aligned} \quad (\mathfrak{F})$$

$$\begin{aligned}
 & \sum_d \sum_e AF_{dept} = \sum_c \sum_d AF_{cdpt} \quad \forall p, t, d, e \\
 & \times RR_{de}
 \end{aligned} \quad (\mathfrak{V})$$

$$\begin{aligned}
 & \sum_e \sum_f AF_{efpt} = \sum_d \sum_e AF_{dept} \quad \forall p, t, e, f \\
 & \times RN_{ef}
 \end{aligned} \quad (\Lambda)$$

$$\begin{aligned}
 & \sum_f \sum_b AF_{fbpt} = \sum_e \sum_f AF_{efpt} \quad \forall p, t, f, b \\
 & \times RX_{fb}
 \end{aligned} \quad (\mathfrak{A})$$

$$\sum_{f} \sum_g AF_{fgpt} = \sum_e \sum_f AF_{efpt} \quad \forall p, t, f, g \\ \times RY_{fg} \quad (10)$$

$$\sum_g \sum_a AF_{gap} = \sum_f \sum_g AF_{fgpt} \quad \forall p, t, g, a \\ \times RU_{ga} \quad (11)$$

$$\sum_g \sum_h AF_{ghpt} = \sum_f \sum_g AF_{fgpt} \quad \forall p, t, g, h \\ \times RD_{gh} \quad (12)$$

$$\sum_f \sum_g AF_{fgpt} = \sum_g \sum_a AF_{gap} \quad \forall p, t \\ + \sum_g \sum_h AF_{ghpt} \quad (13)$$

$$\sum_b AF_{abpt} \leq \sum_a CA_{ap} U_a \quad \forall p, t \quad (14)$$

$$\sum_c AF_{bcpt} \leq \sum_b CA_{bp} Q_b \quad \forall p, t \quad (15)$$

$$\sum_d AF_{cdpt} \leq \sum_c CA_{cp} V_c \quad \forall p, t \quad (16)$$

$$\sum_f AF_{efpt} \leq \sum_e CA_{ep} W_e \quad \forall p, t \quad (17)$$

$$\sum_b AF_{fbpt} + \sum_g AF_{fgpt} \quad \forall p, t \\ \leq \sum_f CA_{fp} X_f \quad (18)$$

$$\sum_a AF_{gap} + \sum_h AF_{ghpt} \leq \sum_g CA_{gp} Y_g^p, t \quad (19)$$

$$\sum_g AF_{ghpt} \leq \sum_h CA_{hp} Z_h \quad \forall P, t \quad (۲۰)$$

$$\sum_a U_a \leq Ma \quad (۲۱)$$

$$\sum_b Q_b \leq Mb \quad (۲۲)$$

$$\sum_c V_c \leq Mc \quad (۲۳)$$

$$\sum_e W_e \leq Me \quad (۲۴)$$

$$\sum_f X_f \leq Mf \quad (۲۵)$$

$$\sum_g Y_g \leq Mg \quad (۲۶)$$

$$\sum_h Z_h \leq Mh \quad (۲۷)$$

$$(AF_{abpt}, AF_{bcpt}, AF_{cdpt}, \\ AF_{dept}, AF_{efpt}, AF_{fgpt}, AF_{fbpt} \\ , AF_{gapt}, AF_{ghp}) \geq 0 \quad (۲۸)$$

$$\forall a,b,c,d,e,f,g,h,p,t \\ U_a, Q_b, V_c, W_e, X_f, \\ Y_g, Z_h \in \{0,1\} \\ \forall a,b,c,e,f,g,h \quad (۲۹)$$

محدودیت ۳، نشان می‌دهد میزان جریان محصولات از مرکز توزیع به مشتری باید برابر با سطح تقاضای مصرف کنندگان باشد. محدودیت ۴، نشان می‌دهد جریانی که از تأمین‌کننده به مرکز تولید و از مرکز جداسازی به مرکز بازتولید فرستاده می‌شود، برابر جریانی است که از مرکز تولید به مرکز توزیع فرستاده می‌شود.

محدودیت ۵، نشان می‌دهد جریانی که از مرکز تولید به توزیع می‌رود، برابر با جریانی است که از توزیع به مشتری فرستاده می‌شود. محدودیت ۶ نشان می‌دهد مجموعه جریانی که از مرکز جداسازی به بازتابیلید و بازبافت می‌روند، برابر است با جریانی که از مرکز جمع‌آوری به آن وارد می‌شود. محدودیت‌های ۷ تا ۱۲، نمایانگر میزان جریان محصولات بازگشتی هستند. محدودیت ۱۳، نشان می‌دهد جریانی که از مرکز جداسازی به مرکز بازبافت فرستاده می‌شود، برابر با مجموعه جریان‌هایی است که از مرکز بازبافت به مرکز تأمین و مرکز انهدام فرستاده می‌شود.

محدودیت‌های ۱۴ تا ۱۶، تضمین می‌کنند که میزان جریان ارسالی از مراکز تأمین، تولید و توزیع باید کوچک‌تر یا مساوی با ظرفیت آن مرکز باشد. محدودیت‌های ۱۷ تا ۲۰، تضمین می‌کنند که میزان جریان وارد به مراکز جمع‌آوری، جداسازی و تعمیر، بازبافت و انهدام باید کوچک‌تر یا مساوی با ظرفیت آن مرکز باشد.

محدودیت‌های ۲۱ تا ۲۷، به ترتیب حداقل تعداد مکان‌های تولیدکننده، توزیع‌کننده، جمع‌آوری، جداسازی، بازبافت و انهدام در مکان‌های بالقوه را محدود می‌کنند. محدودیت ۲۸، محدودیت غیرمنفی‌بودن را بر روی متغیرهای تصمیم نشان می‌دهد. محدودیت ۲۹، ماهیت صفر و یک متغیرهای مکان را نمایش می‌دهد.

**عدم قطعیت.** در برنامه‌ریزی ریاضی معمولاً مسائل با پیش‌فرض قطعی‌بودن داده‌ها از قبل حل می‌شوند؛ حال آنکه در دنیای واقعی بیشتر داده‌ها دچار عدم قطعیت هستند. پیش‌فرض اصلی برنامه‌ریزی‌های ریاضی، توسعه مدل بر اساس داده‌های صریحاً معین و برابر با مقداری اسمی است؛ حال آنکه در این‌گونه از مدل‌ها اثر عدم قطعیت داده‌ها در کیفیت و امکان‌پذیری‌بودن جواب‌ها اثری ندارد؛ درنتیجه در مسائل دنیای واقعی ممکن است با تغییر یکی از داده‌ها تعداد زیادی از محدودیت‌ها نقض شود و جواب به دست‌آمده غیربهینه یا حتی غیرممکن باشد. درنتیجه این بحث، سؤال اصلی ساخت جوابی برای مسئله پیش می‌آید که در مقابل این عدم قطعیت داده‌ها مقاوم باشد که در اصطلاح این پاسخ‌ها را «استوار» و این دسته از بهینه‌سازی را «بهینه‌سازی استوار» می‌نامند [۱].

مالوی و همکاران (۱۹۹۵)، چارچوبی برای بهینه‌سازی استوار ارائه کردند که شامل دو تعریف مهم «جواب استوار» و «مدل استوار» است. به این صورت که زمانی یک جواب برای مدل بهینه‌سازی، جوابی استوار نامیده می‌شود که آن جواب تحت همه سناریوهای «نزدیک» به بهینه باقی بماند؛ همچنین زمانی یک مدل، مدلی استوار است که تحت همه سناریوهای «تقریباً» موجه باشد [۱۴، ۱۵].

## مدل همتای استوار مدل خطی

اندیس:

**s** سناریو هزینه حمل و نقل و هزینه عملیاتی و تقاضا (خیلی زیاد، زیاد، متوسط، کم)

پارامترها:

 $P_S$  احتمال وقوع سناریو کام $\lambda$  مقدار ثابت؛ $\omega_j$  مقادیر وزنی نقص محدودیت زام

متغیرهای کنترل:

 $\theta_S$  ضریب خطی‌سازی تحت سناریو کام؛ $\delta$  تقاضای ارضانشده در سناریو کام

$$\begin{aligned} MaxRF = & \sum_s P_s OBJ_{1s} - \lambda \sum_s P_s \left( (OBJ_{1s} - \sum_{s'} P_{s'} OBJ_{1s'}) + 2\theta_s \right) - \\ & \omega \sum_s P_s \delta_s \end{aligned} \quad (30)$$

$$\begin{aligned} MinRC = & \sum_s P_s OBJ_{2s} + \\ & \lambda \sum_s P_s \left( (OBJ_{2s} - \sum_{s'} P_{s'} OBJ_{2s'}) 2\theta_s \right) \end{aligned} \quad (31)$$

$$OBJ_{1s} - \sum_{s'} P_{s'} OBJ_{1s'} + \theta_s \geq 0 \quad \forall s \quad (32)$$

$$OBJ_{2s} - \sum_{s'} P_{s'} OBJ_{2s'} + \theta_s \geq 0 \quad \forall s \quad (33)$$

$$\theta_s \geq 0 \quad (34)$$

برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای با درنظر گرفتن تابع مطلوبیت. چانگ (۲۰۱۱)، عنوان کرد که RMC GP میزان ارجحیت تصمیم‌گیرندگان را در نظر نمی‌گیرد؛ از این‌رو تابع مطلوبیت را با هدف بیشینه‌کردن مطلوبیت موردنظر تابع تصمیم‌گیرندگان به مدل قبل اضافه کرد که مدل جدید او به شرح زیر است [۳]:

$$\begin{aligned} \sum_k [\beta_k^d (d_k^+ + d_k^-) + \beta_k^\delta \delta_k] \\ \text{S.t.} \\ \lambda \leq \frac{U_{k,\max} - y_k}{U_{k,\max} - U_{k,\min}} \quad \forall_k \\ f_k(X) + d_k^- - d_k^+ = y_k \quad \forall_k \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \lambda_k + \delta_k^- &= 1 & \forall_k & (35) \\
 U_{k,\min} \leq y_k \leq U_{k,\max} & & \forall_k & \\
 d_k^- d_k^+ &= 0 & \forall_k & \\
 d_k^-, d_k^+, \delta_k^-, \lambda_k &\geq 0 & \forall_k & \\
 \text{محدودیت‌های سیستم}
 \end{aligned}$$

در رابطه بالا،  $\delta_k^-$  نشان‌دهنده میزان انحراف نرمالیزه شده  $y_k$  از  $U_{k,\min}$  است.  $\beta_k^\delta$  اهمیت (وزن)  $\delta_k^-$  بوده و  $\lambda_k$  ارزش مطلوبیت است. سایر پارامترها و متغیرها پیش‌تر تعریف شده بودند، در صورت نیاز به نرمالیزه شدن توابع هدف از رابطه زیر استفاده می‌شود:

$$\sum_i [w_i^d (\frac{d_i^+ + d_i^-}{f_i^- - f_i^+}) + w_i^\delta \delta_i^-] \quad (36)$$

در رابطه ۳۶،  $f_k^+ = \{\min f_k(X)\}$  و  $f_k^- = \{\max f_k(X)\}$  نرمالیزه شده است، نیازی به بمقیاس‌سازی ندارد.

**اجرای RMCGP** با تابع مطلوبیت روی مسئله پژوهش. از آنجاکه آخرین مدل برنامه‌ریزی آرمانی ارائه شده توسط چانگ (۲۰۱۱)، علاوه بر مزیت‌های مدل‌ها قبلی، ارجحیت تصمیم‌گیرندگان را نیز لحاظ می‌کند، در این پژوهش از این روش استفاده شده است. با توجه به تعاریف و مفاهیم گفته شده، مدل آرمانی چندگزینه‌ای با درنظرگرفتن تابع مطلوبیت برای مسئله پژوهش به شرح زیر است:

$$\min Z = W_1^d (\frac{d_1^+ + d_1^-}{f_1^- - f_1^+}) + W_2^d (\frac{d_2^+ + d_2^-}{f_2^- - f_2^+}) \quad (37)$$

$$+ W_1^\delta \cdot \delta_1 + W_2^\delta \cdot \delta_2 \quad (38)$$

$$Z_1 + d_1^- - d_1^+ = y_1 \quad (39)$$

$$Z_2 + d_2^- - d_2^+ = y_2 \quad (40)$$

$$f_{1,\min} \leq y_1 \leq f_{1,\max} \quad (41)$$

$$f_{2,\min} \leq y_2 \leq f_{2,\max} \quad (42)$$

$$\lambda_1 \leq \frac{f_{1,\max} - y_1}{f_{1,\max} - f_{1,\min}} \quad (43)$$

$$\lambda_2 \leq \frac{f_{2,\max} - y_2}{f_{2,\max} - f_{2,\min}} \quad (44)$$

$$\lambda_1 + \delta_1 = 1 \quad (45)$$

$$\lambda_2 + \delta_2 = 1 \quad (46)$$

### سایر محدودیت‌های مسئله

نتایج عددی. در این بخش، آزمایش‌های عددی برای ارزیابی رفتار مدل پیشنهادشده و روش حل ارائه می‌شود. روش‌های حل در محیط Lingo انجام شده و به منظور صحت مسئله از داده‌های فرضی استفاده شده است. ابعاد مسئله با تعداد تأمین‌کنندگان، تولیدکنندگان، توزیع‌کنندگان، مشتری، مراکز جم‌آوری، مراکز جداسازی، مراکز بازیافت، مراکز دفع مشخص می‌شود. نحوه تولید داده‌ها به صورتتابع توزیع یکنواخت در جدول ۱، نشان داده شده است.

جدول ۱. نحوه تولید داده‌های مسئله

| پارامتر                                   | مقدار               | پارامتر                                 | مقدار               |
|---|---------------------|---|---------------------|
| $De_{dp}$                                 | Uniform [500,1500]  | $CA_{bp}$                               | Uniform [1200,3500] |
| $CF_a$                                    | Uniform [100,300]   | $CA_{fp}$                               | Uniform [600,1700]  |
| $CF_b$                                    | Uniform[150,350]    | $CA_{hp}, CA_{ep}, CA_{cp}$             | Uniform [1200,3500] |
| $.CF_f, CF_e, CF_c$<br>$CF_h, CF_g$       | Uniform [120,280]   | $M_e, M_c, M_b, M_a$<br>$M_h, M_g, M_f$ | Uniform [1,20]      |
| $SP_p$                                    | Uniform [1000,2000] | $RR_{de}$                               | Uniform [0.2,0.6]   |
| $CB_{ap}$                                 | Uniform[30,70]      | $RN_{ef}$                               | Uniform [0.2,0.6]   |
| $CP_{bp}$                                 | Uniform [50,100]    | $RY_{fg}$                               | Uniform [0.1,0.4]   |
| $CO_{cp}$                                 | Uniform [20,80]     | $RX_{fb}$                               | Uniform [0.2,0.5]   |
| $CN_{gp}$                                 | Uniform [20,50]     | $RU_{ga}$                               | Uniform [0.3,0.7]   |
| $.CD_{fp}, CC_{ep}$<br>$DC_{hp}, CR_{bp}$ | Uniform [10,30]     | $RD_{gh}$                               | Uniform [0.1,0.3]   |
| $Inco_p$                                  | Uniform [10,30]     | $Dis_{ab}$                              | Uniform [50,100]    |
| $CA_{ap}$                                 | Uniform [2000,5000] | $Dis_{bc}$                              | Uniform [20,30]     |
| $CA_{gp}$                                 | Uniform [1000,2500] | $Dis_{cd}$                              | Uniform [20,100]    |

| پارامتر       | مقدار             | پارامتر       | مقدار           |
|---------------|-------------------|---------------|-----------------|
| $Dis_{de}$    | Uniform [20,80]   | $CT_{ab}$     | Uniform [20,50] |
| $Dis_{ef}$    | Uniform [10,20]   | $CT_{bcp}$    | Uniform [5,15]  |
| $Dis_{fg}$    | Uniform [30,60]   | $CT_{cdp}$    | Uniform [10,50] |
| $Dis_{fb}$    | Uniform [5,10]    | $CT_{dep}$    | Uniform [10,40] |
| $Dis_{ga}$    | Uniform [30,60]   | $CT_{efp}$    | Uniform [5,10]  |
| $Dis_{gh}$    | Uniform [100,150] | $CT_{fgp}$    | Uniform [20,30] |
| $FEPP_{bp}$   | Uniform [0,1]     | $CT_{fbp}$    | Uniform [5,10]  |
| $FEPP_{fp}$   | Uniform [0,1]     | $CT_{gap}$    | Uniform [20,30] |
| $FEPP_{gp}$   | Uniform [0,1]     | $CT_{ghp}$    | Uniform [20,40] |
| $.FETP_{dep}$ |                   | $.FETP_{bcp}$ | $.FETP_{ab}$    |
| $.FETP_{efp}$ | Uniform [0,1]     | $.FETP_{gap}$ | Uniform [0,1]   |
| $.FETP_{fgp}$ |                   | $FETP_{cdp}$  | $FETP_{ghp}$    |
| $FETP_{fbp}$  |                   |               |                 |

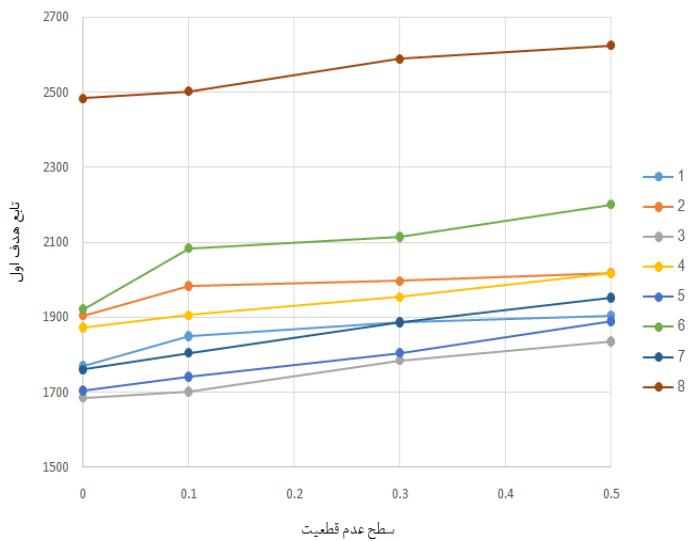
#### ۴. تحلیل داده‌ها و یافته‌های پژوهش

در این بخش نتایج به دست آمده از حل مسئله در ابعاد مختلف و در سطح عدم قطعیت مختلف پرداخته گرارش می‌شود؛ بدین منظور ۹ نمونه مسئله در ابعاد مختلف در سطح عدم قطعیت ۱/۰، ۳/۰ و ۵/۰ حل شده و نتایج در جدول ۲، ارائه شده است که در آن ستون اول نشان‌دهنده شماره مسئله، a نشان‌دهنده تعداد تأمین‌کنندگان، b تعداد تولید‌کنندگان، c تعداد مراکز توزیع، d مشتری، e مراکز جمع‌آوری، f مراکز جداسازی، g مراکز بازیافت، h مراکز دفع، t دوره زمانی، p محصولات،  $p_s$  سطح عدم قطعیت، ستون بعدی مقدار تابع هدف اول در حالت قطعی و استوار، ستون بعدی مقدار تابع هدف دوم در حالت قطعی استوار و ستون آخر نیز نشان‌دهنده زمان حل مسئله در حالت قطعی و استوار است.

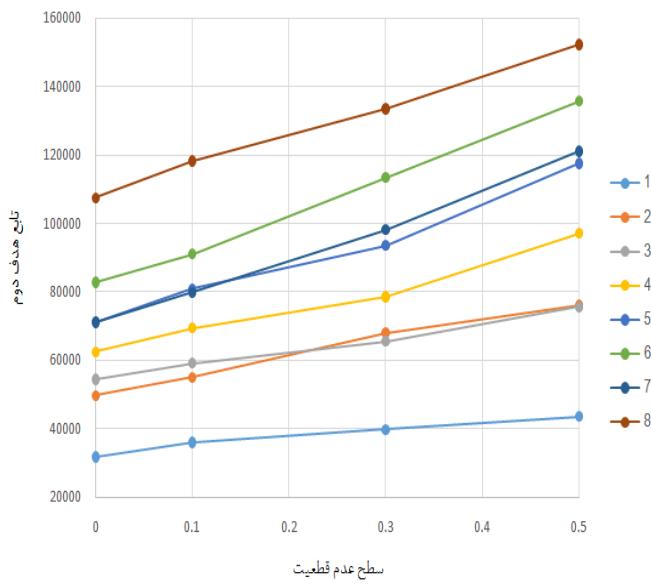
جدول ۲. گزارش حل مسئله در سطح عدم قطعیت متفاوت

| زمان حل (ثانیه) | مقدار تابع هدف دوم | مقدار تابع هدف | اول       |           |            |            |      |       |       |       |     |     | سازه مسئله |     |     |     |     |     |     |     |
|-----------------|--------------------|----------------|-----------|-----------|------------|------------|------|-------|-------|-------|-----|-----|------------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
|                 |                    |                | حالات     | حالات     | حالات قطعی | حالات قطعی | جواب | حالات | حالات | $p_s$ | $p$ | $t$ | $h$        | $G$ | $f$ | $e$ | $d$ | $C$ | $b$ | $a$ |
| ۱۰۰             | ۱۳۷                | ۷۳/۲۵۹۸۵       | ۳۱۷۳۴     | -۰.۷/۱۸۵۰ | -۰.۳/۱۷۷۰  | -۰/۰       | -۳   | -۲    | -۳    | -۳    | -۲  | -۲  | -۳         | -۲  | -۳  | -۲  | -۳  | -۲  | ۱   |     |
| ۱۰۰             |                    | ۷۷/۲۹۷۴۶       |           | ۴۵/۱۸۸۷   |            | -۳/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۱۰۰             |                    | ۵/۴۳۵۲۵        |           | ۱۸/۱۹۰۵   |            | -۵/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۱۷۶             | ۱۵۳                | ۹۲/۵۵۶۳        | ۳۷/۴۹۶۹۸  | ۷/۱۹۸۴    | ۱۱/۱۹۰۵    | -۰/۰       | -۲   | -۳    | -۱    | -۲    | -۲  | -۳  | -۵         | -۵  | -۶  | -۵  | -۶  | -۵  | ۲   |     |
| ۱۷۶             |                    | ۶۸-۷۶          |           | ۱۶/۱۹۹۷   |            | -۳/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۱۷۹             |                    | ۲۵/۷۶-۰۳       |           | ۵۵/۲۰-۱۹  |            | -۵/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۲۵۳             | ۱۶۸                | ۲۲/۵۹۱۳۶       | ۵۴۴۷۲     | ۱۷۰۲      | ۱۶۸۶       | -۰/۰       | -۳   | -۱    | -۲    | -۱    | -۱  | -۲  | -۲         | -۴  | -۵  | -۳  | -۴  | -۵  | ۳   |     |
| ۲۵۳             |                    | ۴۶/۶۰۵۸۴       |           | ۱۷۸۵      |            | -۳/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۲۵۷             |                    | ۳/۷۲۵۴۵        |           | ۱۸۸۶      |            | -۵/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۴۰۱             | ۲۱۱                | ۳۳/۵۶۴۷۶       | ۴۹/۶۲۵۲۲  | ۱۹۰۶      | ۱۸۷۳       | -۰/۰       | -۵   | -۴    | -۲    | -۳    | -۳  | -۴  | -۴         | -۱۰ | -۶  | -۸  | -۷  | -۴  | ۴   |     |
| ۴۰۱             |                    | ۸/۷۸۵۶۸        |           | ۱۹۵۴      |            | -۳/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۴۰۱             |                    | ۵۲/۹۷۱۵۵       |           | ۲۰-۱۷     |            | -۵/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۴۵۸             | ۳۲۰                | ۱۷/۱۸-۸۷۷      | ۶۳/۷۱۲۸۳  | ۱۷۴۲      | ۱۷۰۵       | -۰/۰       | -۴   | -۳    | -۳    | -۴    | -۵  | -۶  | -۷         | -۷  | -۸  | -۹  | -۵  | -۶  | ۵   |     |
| ۴۶۳             |                    | ۴۲/۹۱۳۵۶       |           | ۱۸۰۵      |            | -۳/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۴۷۱             |                    | ۶/۱۱۱۷۵۴۲      |           | ۱۸۹۰      |            | -۵/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۵۷۱             | ۴۳۷                | ۹۱-۳۱          | ۱۹/۸۲۷۶۵  | ۲-۰۴      | ۱۹۲۲       | -۰/۰       | -۶   | -۵    | -۴    | -۴    | -۶  | -۷  | -۱۱        | -۸  | -۱۰ | -۹  | -۶  | -۷  | ۶   |     |
| ۵۷۹             |                    | ۱۵/۱۱۱۳۴۴۲     |           | ۲۱۱۵      |            | -۳/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۵۸۶             |                    | ۸۳/۱۳۵۷۵۶      |           | ۲۲-۰۱     |            | -۵/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۵۵۴             | ۵۱۲                | ۵۶/۷۸۸۴۱       | ۹۵/۷۱۰۷۷  | ۱۸-۰۵     | ۱۷۶۱       | -۰/۰       | -۸   | -۵    | -۵    | -۶    | -۷  | -۸  | -۱۵        | -۱۰ | -۱۲ | -۱۴ | -۷  | -۸  | ۷   |     |
| ۶۶۳             |                    | ۳۸/۹۸۱۸۸       |           | ۱۸۸۷      |            | -۳/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۶۷۰             |                    | ۴۳/۱۲۱۰۹۳      |           | ۱۹۵۲      |            | -۵/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۹۴۴             | ۸۳۵                | ۴۵/۱۱۸۳۱۶      | ۱۶/۱۰۷۴۸۵ | ۲۵-۰۳     | ۲۲۸۴       | -۰/۰       | -۸   | -۶    | -۵    | -۸    | -۹  | -۱۰ | -۱۵        | -۱۳ | -۱۶ | -۱۷ | -۸  | -۱۷ | ۸   |     |
| ۹۵۰             |                    | ۸۸/۱۱۳۵۶۳      |           | ۲۰۸۹      |            | -۳/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| ۹۵۸             |                    | ۳۱/۱۵۲۲۷۵      |           | ۲۶۲۵      |            | -۵/۰       |      |       |       |       |     |     |            |     |     |     |     |     |     |     |
| >۱....          | >۱....             | -              | -         | -         | -          | -          | -    | -     | -     | -     | -   | -   | -          | -   | -   | -   | -   | -   | -   |     |
| >۱....          |                    | -              | -         | -         | -          | -          | -    | -     | -     | -     | -   | -   | -          | -   | -   | -   | -   | -   | -   |     |
| >۱....          |                    | -              | -         | -         | -          | -          | -    | -     | -     | -     | -   | -   | -          | -   | -   | -   | -   | -   | -   |     |

با توجه به جدول ۲، افزایش سطح عدم قطعیت به افزایش یا به عبارتی بدتر شدن هر دو تابع هدف مسئله منجر می‌شود. شکل‌های ۲ و ۳، به ترتیب روند تغییرات تابع هدف اول و دوم را با توجه به تغییر در سطح عدم قطعیت نشان می‌دهد.



شکل ۲. نمودار تغییرات تابع هدف اول در نمونه مسائل نسبت به سطح عدم قطعیت



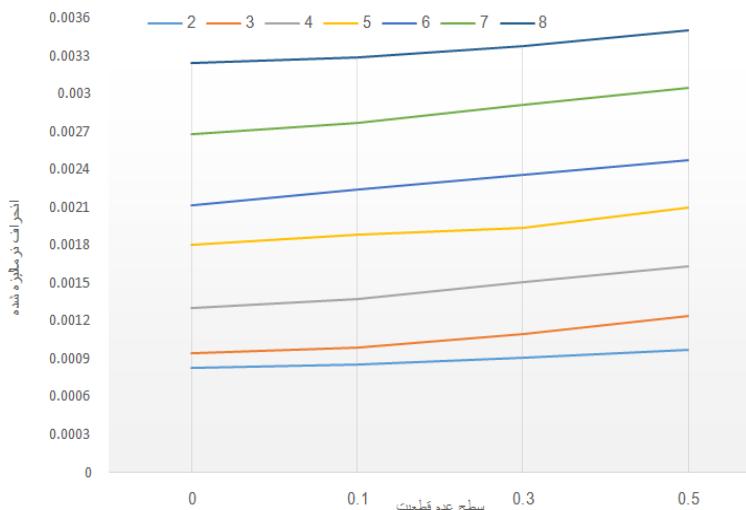
شکل ۳. نمودار تغییرات تابع هدف دوم در نمونه مسائل نسبت به سطح عدم قطعیت

مشاهده می‌شود که با افزایش ابعاد مسئله، زمان حل مسئله نیز افزایش می‌یابد؛ به صورتی که برای مسئله شماره ۹، نرم‌افزار در زمان ۱۰۰۰۰ ثانیه قادر به حل مسئله نیست؛ همچنین در جدول ۲ مشاهده می‌شود که تغییر در سطح عدم قطعیت نیز منجر به تغییر در زمان حل می‌گردد.

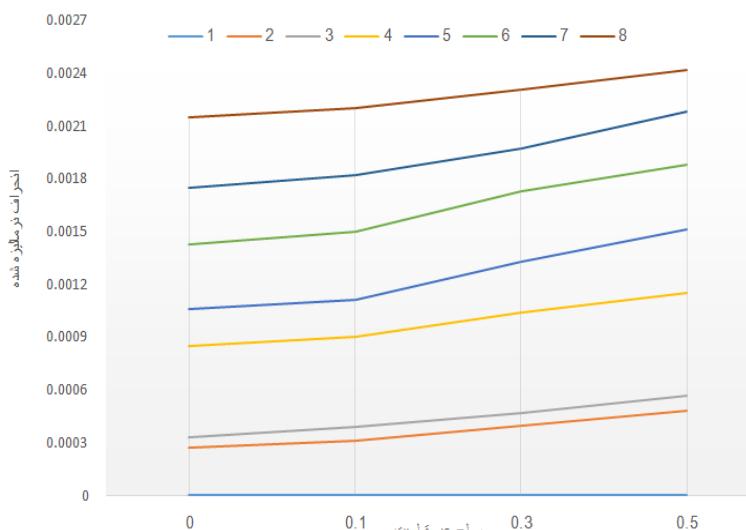
تغییرات انحراف از حد پایین آرمان. در این بخش، تغییرات پارامتر  $\delta_k^-$  در هر نمونه مسئله بررسی می‌شود. مقادیر انحراف نرماییزه شده از حد پایین آرمان برای هر تابع هدف در سطوح عدم‌طمینان مختلف در جدول ۳، آورده شده است. نمودار تغییرات انحراف نرماییزه شده از حد پایین آرمان برای تابع اول و دوم به ترتیب در شکل‌های ۴ و ۵ ارائه شده است.

جدول ۳. تغییرات  $\delta_k^-$ 

| مسئله | $\rho$ | Deterministic | $\delta_2^-$ | $\delta_1^-$ | Robust       |
|-------|--------|---------------|--------------|--------------|--------------|
| ۱     | ۱/۰    | •             | •            | •            | $\delta_2^-$ |
| ۲     | ۲/۰    | •             | •            | •            | $\delta_1^-$ |
| ۳     | ۳/۰    | •             | •••۱۱/۰      | •            | •            |
| ۴     | ۴/۰    | •••۲۷/۰       | •••۸۵/۰      | •••۸۵/۰      | •••۳۱/۰      |
| ۵     | ۵/۰    | •             | •••۹۱/۰      | •••۹۱/۰      | •••۴/۰       |
| ۶     | ۶/۰    | •             | •••۹۷/۰      | •••۹۷/۰      | •••۴۸/۰      |
| ۷     | ۷/۰    | •             | •••۹۹/۰      | •••۹۹/۰      | •••۳۹/۰      |
| ۸     | ۸/۰    | •             | •••۳۳/۰      | •••۳۳/۰      | •••۴۷/۰      |
| ۹     | ۹/۰    | •             | •••۸۵/۰      | •••۸۵/۰      | •••۴۷/۰      |
| ۱۰    | ۱۰/۰   | •             | •••۱۳/۰      | •••۱۳/۰      | •••۵۷/۰      |
| ۱۱    | ۱۱/۰   | •             | •••۱۳/۰      | •••۱۳/۰      | •••۹/۰       |
| ۱۲    | ۱۲/۰   | •             | •••۱۵/۰      | •••۱۵/۰      | •••۱۰۴/۰     |
| ۱۳    | ۱۳/۰   | •             | •••۱۵/۰      | •••۱۵/۰      | •••۱۰۴/۰     |
| ۱۴    | ۱۴/۰   | •             | •••۱۶۳/۰     | •••۱۶۳/۰     | •••۱۱۵/۰     |
| ۱۵    | ۱۵/۰   | •             | •••۱۸۸/۰     | •••۱۸۸/۰     | •••۱۱۱/۰     |
| ۱۶    | ۱۶/۰   | •             | •••۱۸/۰      | •••۱۸/۰      | •••۱۳۳/۰     |
| ۱۷    | ۱۷/۰   | •             | •••۱۸/۰      | •••۱۸/۰      | •••۱۸۸/۰     |
| ۱۸    | ۱۸/۰   | •             | •••۱۴۳/۰     | •••۱۴۳/۰     | •••۱۵/۰      |
| ۱۹    | ۱۹/۰   | •             | •••۱۴۳/۰     | •••۱۴۳/۰     | •••۱۷۳/۰     |
| ۲۰    | ۲۰/۰   | •             | •••۱۷۵/۰     | •••۱۷۵/۰     | •••۱۸۸/۰     |
| ۲۱    | ۲۱/۰   | •             | •••۲۶۸/۰     | •••۲۶۸/۰     | •••۱۸۲/۰     |
| ۲۲    | ۲۲/۰   | •             | •••۲۹۱/۰     | •••۲۹۱/۰     | •••۱۹۷/۰     |
| ۲۳    | ۲۳/۰   | •             | •••۳۰۵/۰     | •••۳۰۵/۰     | •••۲۱۸/۰     |
| ۲۴    | ۲۴/۰   | •             | •••۳۳۹/۰     | •••۳۳۹/۰     | •••۲۲/۰      |
| ۲۵    | ۲۵/۰   | •             | •••۳۳۸/۰     | •••۳۳۸/۰     | •••۲۳۱/۰     |
| ۲۶    | ۲۶/۰   | •             | •••۳۵/۰      | •••۳۵/۰      | •••۲۴۲/۰     |



شکل ۴. نمودار تغییرات انحراف نرمالیزه شده از حد پایین آرمان برای تابع اول

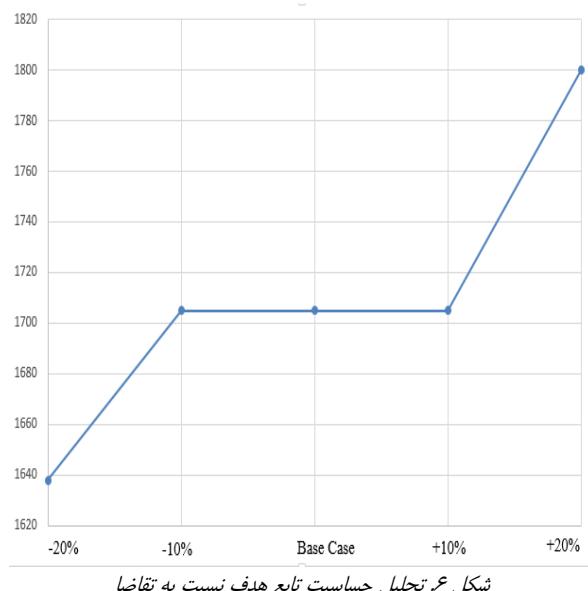


شکل ۵. نمودار تغییرات انحراف نرمالیزه شده از حد پایین آرمان برای تابع دوم

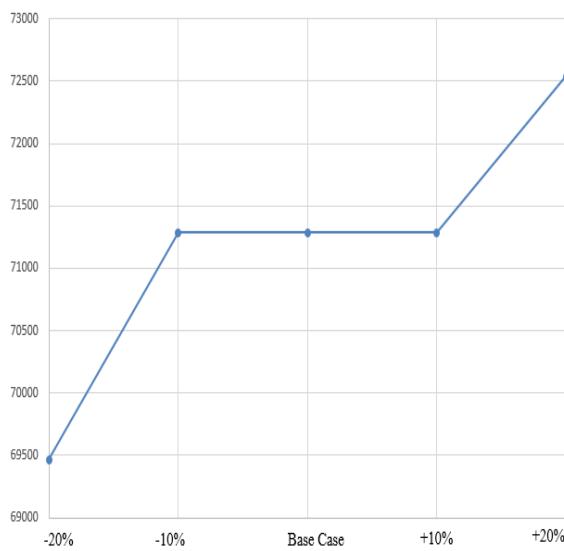
همان‌طور که مشاهده می‌شود، با افزایش ابعاد مسئله، مقدار انحراف افزایش می‌یابد. همچنین در هر نمونه مسئله نیز با افزایش سطح عدم‌قطعیت، مقدار انحراف از حد پایین آرمان افزایش یافته است.

تحلیل حساسیت. در این بخش، حساسیت مسئله نسبت به برخی از پارامترهای مدل تحلیل می‌شود؛ بدین منظور یک نمونه مسئله در نظر گرفته شده و در شرایط مختلف حل می‌شود و نتایج آن به شرح زیر است.

تحلیل حساسیت تابع هدف اول و دوم بر پارامتر تقاضا ( $De_{dpt}$ ). در این بخش بررسی حساسیت تابع هدف اول و دوم نسبت به پارامتر تقاضا بررسی می‌شود؛ بدین منظور در مسئله آزمایشی تمامی پارامترها ثابت در نظر گرفته شده و مسئله تحت مقادیر مختلف برای تقاضا (مقدار پایه، ۲۰ درصد کمتر، ۱۰ درصد کمتر، ۱۰ درصد بیشتر و ۲۰ درصد بیشتر) حل شده و نتایج بررسی می‌شود. نتایج انجام این تحلیل به شرح شکل‌های ۶ و ۷، است. با توجه به شکل ۶، کاهش و افزایش ۱۰ درصدی تقاضا تأثیری در تابع هدف مسئله ندارد؛ اما با افزایش ۲۰ درصدی مقدار تقاضا، تابع هدف بیشتر می‌شود و با کاهش ۲۰ درصدی مقدار تقاضا، مقدار تابع هدف کاهش می‌یابد. طبق شکل ۷، تابع هدف دوم نیز نسبت به تقاضا رفتاری مشابه با تابع هدف اول داشته و با کاهش و افزایش ۱۰ درصدی تقاضا مقدار تابع هدف دوم تغییری نکرده است؛ همچنین با افزایش ۲۰ درصدی مقدار تقاضا، تابع هدف دوم افزایش یافته و با کاهش ۲۰ درصدی مقدار تقاضا، مقدار تابع هدف دوم کاهش یافته است.

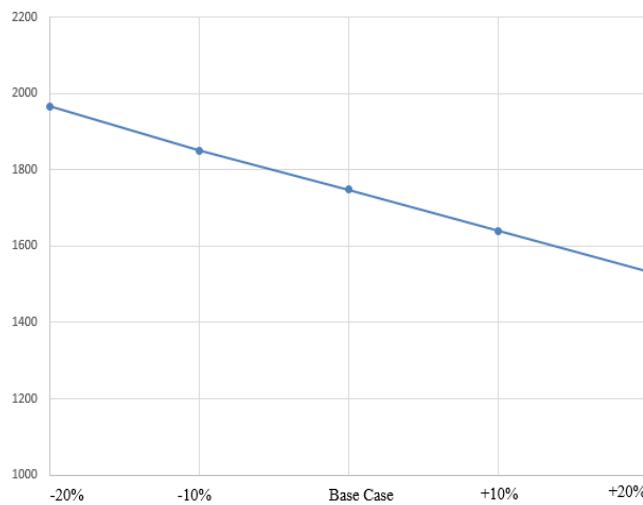


شکل ۶: تحلیل حساسیت تابع هدف نسبت به تقاضا

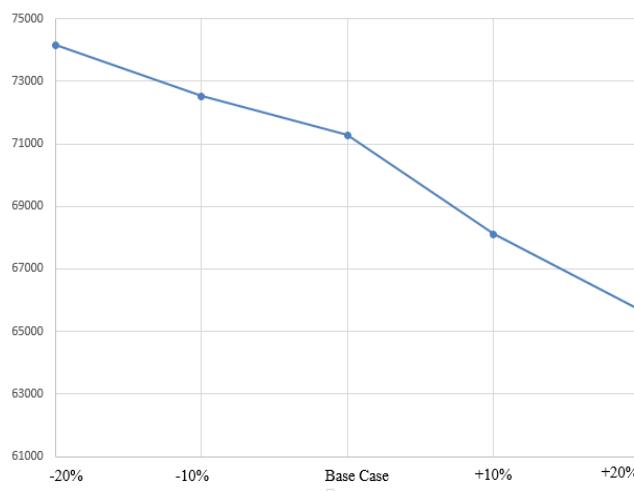


شکل ۷. تحلیل حساسیت تابع هدف دوم نسبت به تقاضا

تحلیل حساسیت تابع هدف اول و دوم بر پارامتر هزینه حمل و نقل (CT). در این بخش، حساسیت تابع هدف اول و دوم نسبت به پارامتر هزینه حمل و نقل بررسی می‌شود؛ بدین منظور در مسئله آزمایشی تمامی پارامترها ثابت در نظر گرفته می‌شود و مسئله تحت مقادیر مختلف برای هزینه حمل و نقل (مقدار پایه، ۲۰ درصد کمتر، ۱۰ درصد کمتر، ۱۰ درصد بیشتر و ۲۰ درصد بیشتر) حل شده و نتایج مورد بررسی قرار می‌گیرند. نتایج انجام این تحلیل به شرح شکل‌های ۸ و ۹ است. با توجه به شکل ۸، با افزایش هزینه، مقدار تابع هدف تقریباً به صورت خطی کاهش می‌یابد و طبق شکل ۹، افزایش هزینه به کاهش تابع هدف دوم منجر می‌شود.



شکل ۸. تحلیل حساسیت تابع هدف نسبت به هزینه حمل و نقل



شکل ۹. تحلیل حساسیت تابع هدف دوم نسبت به هزینه حمل و نقل

## ۵. نتیجه‌گیری و پیشنهادها

با توجه به حل مدل و تحلیل حساسیت نتایجی به شرح زیر ارائه می‌شود:

در شکل ۶، افزایش تقاضا تقریباً به صورت تدریجی به افزایش سود منجر می‌شود؛ از این‌رو اتخاذ استراتژی‌های مناسب بازاریابی و تبلیغات که افزایش تقاضای محصول را به دنبال دارد، می‌تواند سود کارخانه را بیشینه کند. شکل ۷، نشان می‌دهد که افزایش در میزان تقاضا در برخی نقاط به افزایش میزان آلایندگی ناشی از حمل و نقل منجر می‌شود. افزایش تقاضا به استفاده از وسائل نقلیه بیشتری منجر می‌شود یا ممکن است به استفاده از نوعی از حمل و نقل که دارای

ظرفیت بیشتر و احتمالاً آلایندگی بیشتر است، منجر شود. به منظور جلوگیری از این امر، شناسایی نوع حمل و نقل یا ظرفیت مناسب و آلایندگی می‌تواند کارساز باشد؛ البته این امر ممکن است به افزایش هزینه‌های سازمان منجر شود. با توجه به شکل ۸، افزایش هزینه حمل و نقل تقریباً به صورت خطی به کاهش سود منجر می‌شود؛ از این‌رو استراتژی‌های مناسب و استفاده از نوع حمل و نقل با هزینه‌ی کمتر و همچنین بررسی زیرساخت‌های عملیاتی برای پایین‌آوردن هزینه‌های حمل و نقل می‌تواند از جمله سیاست‌های مقابله با این مشکل باشد.

در این پژوهش یک شبکه زنجیره تأمین سبز حلقه‌بسته طراحی شده که دارای چهار لایه در زنجیره تأمین روبه‌جلو و چهار لایه در زنجیره معکوس است. برای شبکه طراحی شده یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی دوهدفه ارائه می‌شود که تابع هدف اول سود را بیشینه می‌سازد و تابع هدف دوم آلایندگی‌های زیست‌محیطی را کمینه می‌کند. مدل ارائه شده با استفاده از نرم‌افزار لینگو حل در چند نمونه مسئله با ابعاد متفاوت با روش برنامه‌ریزی آرمانی و با استفاده از نرم‌افزار لینگو حل شده و روابی و اعتبار مدل نشان داده شده است. نتایج نشان داد که سازمان‌ها مصادف با افزایش تقاضا می‌توانند با به کارگیری استراتژی‌های خاصی تصمیم‌های عملیاتی مناسب را اتخاذ کنند؛ مانند استراتژی مناسب بازاریابی و تبلیغات مناسب در جهت افزایش سود، استراتژی انتخاب وسیله نقلیه با کمترین انتشار کربن در جهت کاهش آلایندگی و استراتژی مناسب هزینه‌ای به منظور بازتولید محصولات مانند هزینه‌های سربار تولید و همچنین استراتژی مناسب برای مقابله با افزایش عدم قطعیت پارامترهای مختلف در جهت عملکرد مناسب سازمان. درنهایت شکاف‌هایی شناسایی شد؛ اما به دلیل تعداد بالای آن‌ها و وجود محدودیت‌ها برخی از آن‌ها پوشش داده شد. زمینه‌های پژوهشی که در راستای تکمیل این پژوهش می‌تواند بررسی شوند، به صورت زیر پیشنهاد می‌شوند:

- ۱- برای پژوهش‌های آتی می‌توان به بررسی عدم قطعیت در لایه‌های دیگر همچون مراکز توزیع و تولید با رویکردهای مختلف چون رویکرد فازی محور و توزیع محور پرداخت؛
- ۲- می‌توان شبکه زنجیره تأمین را تغییر داد و مرکز انبار و مباحث کنترل موجودی یا انتخاب فناوری و حالت‌های حمل و نقل را در نظر گرفت؛
- ۳- می‌توان توابع هدف دیگری همچون حداقل کردن زمان تولید و حمل و نقل در زنجیره را اضافه کرد؛
- ۴- با توجه به اهمیت کاهش هزینه و آلایندگی ماشین‌آلات حمل و نقل در تمامی صنایع می‌توان مسئله مسیریابی وسایل نقلیه را به شبکه زنجیره تأمین حلقه‌بسته پیشنهادی اضافه کرد.

## منابع

1. A Ben-Tal, L El Ghaoui, A Nemirovski. (2009). *Robust optimization*. Princeton University Press.
2. Alam Tabriz, A., Roghanian, E, Hosseinzadeh, M. (2011). Design and Optimization of Reverse Logistics Network under Uncertainty Conditions Using Genetic Algorithm. *Industrial Management Perspective*, 1, 89-61 (In Persian).
3. C-T Chang. (2011). Multi-choice goal programming with utility functions. *Eur. J. Oper. Res.* 215, 439–445.
4. Diabat, A., Abdallah T., Al-Refaie, A., Svetinovic, D., & Govindan, K. (2013). Strategic closed-loop facility location problem with carbon market trading. *IEEE Transactions on Engineering Management*, 60, 398-408.
5. Fakhrzad, M.B, Talebzadeh P, & Goodarzian, F. (2018). Mathematical Formulation and Solving of Green Closed-loop Supply Chain Planning Problem with Production, Distribution and Transportation Reliability. *International Journal of Engineering*, 31(12), 2059-2067.
6. Farahani, R.Z., Rezapour, S., Drezner, T., et al. (2014). Competitive supply chain network design: An overview of classifications, models, solution techniques and applications. *Omega*, 45, 92–118.
7. Garg, k., Kannan, D., Diabat, A., & Jha, P.C. (2015). A multi-criteria optimization approach to manage environmental issues in closed loop supply chain network design. *Jurnal of Cleaner production*, 100, 297-314.
8. Kannan, G., Sasikumar, P., Devika, K. (2010). A genetic algorithm approach for solving a closed loop supply chain model: A case of battery recycling. *Applied Mathematical Modelling*, 34(3), 655-670.
9. Listeş, O., & Dekker, R. (2005). A stochastic approach to a case study for product recovery network design. *European Journal of Operational Research*, 160(1), 268-287.
10. Bashiri, M., & Moslemi, A. (2012). A Robust Scenario Based Approach in an Uncertain Condition Applied to Location-Allocation Distribution Centers Problem. *International Journal of Management and Business Research*, 1, 199-210.
11. Mohammadi, A., Alam Tabriz, A., Pishvaei, M. (2018). A Model for Mainstreaming the Sustainable supply Chain Considering the Consistency of Financial and Physical Flow. *Industrial Management Perspective*, 29, 62-39.
12. Mohammadi, S., & Mohammadi, A. (2014).Stochastic scenario-based model and investigating size of battery energy storage and thermal energy storage for micro-grid. *International Journal of Electrical Power & Energy Systems*, 61, 531-546.
13. Mortazavi, S.D., Seif-Barghi, M. (2018). Bi-objective modeling of allocation problem in a green supply chain considering the transport system and CO<sub>2</sub> emissions. *Industrial Management Perspective*, 29, 185- 163 (In Persian).
14. Mulvey, J.M., & Ruszcynski, A. (1995).A new scenario decomposition method for large scale stochastic optimization. *Operations Research*, 43, 477–490.
15. Mulvey, J.M., Vanderbei, R.J., & Zenios, S.A. (1995). Robust optimization of large scale systems. *Oper. Res. Lett*, 43(2), 264–281.
16. Naderi, M.J., & Pishvaee M.S. (2017). A stochastic programming approach to integrated water supply and wastewater collection network design problem. *Computers & Chemical Engineering*.
17. Niknam, T., Azizipanah-Abarghooee, R., & Narimani, M.R. (2012). Ane cient scenario-based stochastic programming framework for multi-objective optimal

- micro-grid operation. *Applied Energy*, 99, 455-470.
18. Pedram, A., Bin Yusoff, N., Udoncy, O.E., Mahat, A.B., & Pedram, P. (2017). Integrated forward and reverse supply chain: A tire case study. *Waste Management*.
19. Ramezani, M., Bashiri, M., & Tavakkoli-Moghaddam, R. (2013). A new multi-objective stochastic model for a forward/reverse logistic network design with responsiveness and quality level. *Appl. Math. Model.*, 37(1), 328-344.
20. Saedinia R, Vahdani B , Etebari F , Nadjafi B.A. (2019). Robust gasoline closed loop supply chain design with redistricting, service sharing and intra-district service transfer. *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, 123, 121-141.
21. Safaei, A.B., Roozbeh, A., & Paydar, M.M. (2017). A Robust optimization model for the design of a cardboard closed-loop supply chain. *Cleaner Production*.
22. Soleimani, H., Govindan, K., Saghafi, H.J. & Afari, H. (2017). Fuzzy Multi-Objective Sustainable and Green Closed-Loop supply chain Network design. *Computers & industrial engineering*, 8352(17), 30184-5
23. Su, T-S. (2014). Fuzzy multi-objective recoverable remanufacturing planning decisions involving multiple components and multiple machines. *Computers & Industrial Engineering*, 72, 72-83.
24. Wang, H.F., & Hsu H. W. (2010).A closed-loop logistic model with a spanning-tree based genetic algorithm. *Computers & operations research*, 37(2), 376-389.
25. Zabinsk o.h.m.s.z.b.(2010). Stochastic optimization of medical supply location and distribution in disaster management. *International journal of production economics*, 126, 76-84.
26. Zikopoulos, C. & Tagaras, G. (2015). Reverse supply chains: Effects of collection network and returns classification on profitability. *European Journal of Operational Research*, 246(2), 435-449.
27. Zhan, S-L. & Liu., N. (2011). A multi-objective stochastic programming model for emergency logistics based on goal programming.in Computational Sciences and Optimization (CSO). 2011 Fourth International Joint Conference on IEEE.



# **Robust Integrated Optimization for Green Closed Loop Supply Chain**

**Saba Manouchehri<sup>\*</sup>, Ali Tajdin<sup>\*\*</sup>, Babak Shirazi<sup>\*\*\*</sup>**

## **Abstract**

With increasing environmental pollution in recent years, researchers have focused on designing a closed loop supply chain network with consideration of environmental issues. In this research an uncertain bi-objective, multi-period, multi-product and multi-level closed-loop supply chain network is presented. Uncertainty in demand, transportation costs are considered and to counteract this uncertainty the robust optimization approach is used. The proposed supply chain network consists of four levels of forward supply chain and four levels of reverse chain. The proposed model is a mixed integer linear programming (MILP) model with the aim maximizing profit and minimizing generated pollution by transportation of products, and operational centers. The proposed model is solved by lingo software, so that the multi-objective model has been handled by utility based goal programming method. Finally, the results are analyzed and the comparison of different scenarios indicates that the objective function has strongly shown the uncertainty parameters and the effect of uncertainty in the parameters simultaneously. Therefore, network modeling based on different scenarios can be a good tool for deciding on confrontation with uncertain and ambiguous parameters.

**Keywords:** **Closed-loop Supply Chain (CLSC); Robust Optimization; Uncertainty; Goal Programming.**

---

Received: April 24, 2019, Accepted: August 25, 2019.

<sup>\*</sup>M.Sc., Mazandaran University of Science and Technology.

<sup>\*\*</sup>Assistant Professor, Mazandaran University of Science and Technology (Corresponding Author).

E-mail: Ali\_tajdin@ustmb.ac.ir

<sup>\*\*\*</sup> Associate Professor, Mazandaran University of Science and Technology.