

## چشم‌انداز مدیریت صنعتی

سال نهم، شماره ۳۶، زمستان ۱۳۹۸

شاپا چاپی: ۰۹۸۷۴-۲۲۵۱، شاپا الکترونیکی: ۴۱۶۵-۲۶۴۵

صص ۱۶۳ - ۱۳۹

## ارائه مدل ریاضی برای حل مسئله زمان‌بندی خدمات دوره‌ای

علیرضا ناصر صدرآبادی\*، ستاره بشروئی شرق\*\*، سید حیدر میرفخرالدینی\*\*\*

### چکیده

مسائل زمان‌بندی دوره‌ای به شکل‌های متنوعی در صنایع و خدمات تعریف می‌شوند. در این گروه از مسائل تعدادی مشتری یا مراجعة‌کننده وجود دارند که باید به صورت دوره‌ای برای دریافت خدمت به سازمان یا ارائه‌دهنده خدمت مراجعة کنند. مراجعة دوره‌ای بیماران به پزشکان و مراجعة دوره‌ای دانشجویان به استادان، مثال‌هایی از مسائل زمان‌بندی دوره‌ای هستند. در این پژوهش شکل جدیدی از مسئله زمان‌بندی دوره‌ای مراجعة دانشجویان به استادان معرفی شده که تاکنون در مبانی نظری پژوهش وجود نداشته است. مسئله آن است که برنامه زمان‌بندی مراجعات دانشجویان به نحوی باشد تا ضمن رعایت محدودیت‌ها، هدف مسئله که توزیع یکنواخت مراجعات در طول دوره برنامه‌ریزی است، برآورده شود. رعایت فاصله زمانی بین مراجعات، تعداد مراجعات در طول دوره برنامه‌ریزی و پیوسته‌بودن مراجعات دانشجویانی که نیازمند تخصیص بیشتر از یک بازه زمانی هستند از جمله محدودیت‌های این پژوهش هستند. این مسئله علی‌رغم ساختار پیچیده‌ای که دارد با استفاده از برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح محض فرموله شده و به‌منظور اعتبارسنجی، مدل با درنظرگرفتن دو مثال عددی و یک مثال واقعی و با کمک نسخه ۱۷ نرمافزار LINGO حل شده است. نتایج نشان می‌دهد که مدل ارائه‌شده ضمن رعایت کلیه محدودیت‌ها از زمان پردازش قابل قبولی برخوردار است و در مسائل با ابعاد بزرگ نیز کارایی دارد.

کلیدواژه‌ها: برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح؛ بهینه‌سازی؛ زمان‌بندی خدمات؛ مسائل چنددوره‌ای؛ مدل‌سازی ریاضی.

---

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۷/۰۹/۱۰، تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۸/۱۱/۲۵

\* استادیار، دانشگاه یزد (نویسنده مسئول).

Email: alireza\_naser@yazd.ac.ir

\*\* کارشناسی ارشد، دانشگاه یزد.

\*\*\* دانشیار، دانشگاه یزد.

## ۱. مقدمه

مسئله‌های زمان‌بندی و برنامه‌ریزی یکی از شکل‌های شناخته شده مسائل تخصیص متابع هستند و از اواخر دهه ۱۹۵۰ موردتوجه پژوهشگران قرار گرفته‌اند. این‌گونه مسائل به سازگارسازی و هماهنگ کردن مجموعه‌ای از موجودیت‌ها، مانند رخدادها، فعالیت‌ها، افراد، ابزار و دستگاه‌ها، خودروها، مکان‌ها و مانند این‌ها، در یک الگوی فاصله-زمان می‌پردازند. هدف در این‌گونه مسائل آن است که به بهترین شیوه از منابع دردسترس بهره‌برداری شود؛ درحالی که باید شرایط موجود موردتوجه قرار گیرد و محدودیت‌ها برآورده شوند [۲۱].

مسئله جدول زمان‌بندی<sup>۱</sup> یکی از مسائلی است که در دهه‌های اخیر با علاقه روزافزون مجامع علمی (بهخصوص در رشته‌های بهینه‌سازی و هوش مصنوعی) رو به رو شده است. بسته به زمینه‌ای که این مسئله مطرح می‌شود، گونه‌های مختلفی از این مسئله شکل می‌گیرد. گستره وسیعی از مسائل زمان‌بندی در حوزه‌های گوناگون از قبیل حوزه‌های آموزشی (جدول زمان‌بندی دروس دانشگاه و مدرسه)، بهداشت و درمان (جدول زمان‌بندی حضور پرستاران و جراحان)، حمل و نقل (جدول زمان‌بندی قطار و اتوبوس) و مسابقات ورزشی (جدول زمان‌بندی مسابقات بین‌تیم‌ها) تعریف شده است [۱۷].

مسئله جدول زمان‌بندی دروس دانشگاهی<sup>۲</sup> شامل برنامه‌ریزی برای تخصیص دروس در یک دوره زمانی مشخص به کلاس‌های معین است. شائرف<sup>۳</sup> (۱۹۹۹)، مسائل زمان‌بندی را به سه دسته مهم «زمان‌بندی مدرسه»، «زمان‌بندی درس‌ها» و «زمان‌بندی امتحانات» تقسیم کرده است [۲۴].

راه‌آهن به عنوان یکی از سیستم‌های حمل و نقل، نقش حیاتی در جابه‌جایی کالا و مسافران دارد و استفاده بهینه از امکانات موجود در این صنعت از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. بخش عمده‌ای از شبکه‌های راه‌آهن دنیا به دلایل اقتصادی تکریل هستند و بنابراین قطارها فقط در ایستگاه‌ها، مجاز به عبور از کناره‌م خواهند بود. در چنین شرایطی اگر زمان‌بندی حرکت قطارها بر اساس برنامه‌ریزی درستی نباشد باعث به وجود آمدن تلاقي قطارها در خطوط راه‌آهن می‌شود و چنین اتفاقی هزینه‌های جانی و مالی غیرقابل جبران به دنبال دارد. در این نوع مسائل، زمان ورود و خروج قطارها به خطوط تعیین می‌شود [۱۲].

امروزه ورزش به یک تجارت بزرگ تبدیل شده است. این امر فرصت‌های اقتصادی، مشاغل جدید و توسعه و نوسازی زیرساخت‌ها را برای شهرها و کشورهای میزبان رقابت‌هایی مانند المپیک و جام جهانی فوتبال به ارمغان آورده است و بدین واسطه زمان‌بندی مسابقات رشته‌های

1. Time Tabling

2. University Course Timetabling Problem

3. Schaerf

مختلف ورزشی یک دغدغه جدی برای برنامه‌ریزان این حوزه محسوب می‌شود. اهمیت مسئله زمان‌بندی ورزشی زمانی بیشتر می‌شود که پای محدودیت‌های مختلف از سوی ذی‌نفعان و سازمان‌های متولی امر به مسئله باز می‌شود [۱۵].

مسئله زمان‌بندی کارکنان از معروف‌ترین مسائل در حوزه تحقیق در عملیات به‌شمار می‌رود. زمان‌بندی کارکنان، فرآیند تهیه جدول زمانی بهینه و امکان‌پذیر برای کارکنان با درنظرگرفتن شرایط سازمان، کارکنان و قوانین کاری بهمنظور برآورده کردن تقاضای کاری سازمان است. تهیه بهترین جدول زمانی کاری کارکنان اغلب اوقات جزو مسائل بهینه‌سازی گستته و ترکیباتی است و نیاز به رویکرد کارا و مؤثر دارد. در این راستا زمان‌بندی پرستاران یکی از این انواع است که با توجه به دشواری‌بودن کار پرستاران و نیز به‌دلیل آنکه تنظیم بهینه برنامه نوبت کاری پرستاری بر کاهش هزینه‌های بیمارستان، افزایش رضایت شغلی پرستاران و نیز کیفیت مراقبت و افزایش بودجه ورودی بیمارستان تأثیر دارد، بسیار مورد توجه قرار گرفته است [۵].

مسائل جدول زمان‌بندی دوره‌ای، شکل خاصی از مسائل زمان‌بندی هستند که در آن‌ها تعدادی خدمت‌گیرنده باید به صورت دوره‌ای به یک یا چند ارائه‌دهنده خدمت مراجعه کنند. نانزدلتورو<sup>۱</sup> و همکاران، مسئله زمان‌بندی دوره‌ای را به‌این صورت تعریف کرده‌اند که در این مسئله مجموعه‌ای از مشتریان وجود دارند که به صورت دوره‌ای و در یک بازه زمانی مشخص خواستار خدمتی هستند که به منظور ارائه خدمت به آن‌ها تعدادی اپراتور با ظرفیت و توان مشخص در نظر گرفته شده است. این بازه زمانی به فاصله‌های زمانی با طول مساوی تقسیم شده است که هر یک از فاصله‌های زمانی به یک مشتری اختصاص می‌یابد تا از یک سرویس‌دهنده، خدمت دریافت کند. وظیفه برنامه‌ریز آن است که مشخص کند هر مشتری در کدام بازه زمانی به کدام اپراتور مراجعه کند تا به اهداف از پیش تعیین شده‌ای دست یابد [۱۹].

در این راستا دانشگاه‌ها و مراکز آموزش عالی که جزو سازمان‌های خدمتی محسوب می‌شوند نیز همانند سایر سازمان‌های خدمتی با مسائل متنوعی در زمینه تخصیص بهینه منابع مواجه هستند. در این میان «زمان» یکی از مهم‌ترین منابع مورد استفاده مراکز آموزش عالی است که لزوم تخصیص بهینه آن به مسائل متنوع زمان‌بندی منجر می‌شود.

در این پژوهش، شکل جدیدی از مسائل زمان‌بندی دوره‌ای معرفی می‌شود که به مراجعات دوره‌ای دانشجویان به استدان می‌پردازد و بر اساس جستجوهای صورت‌گرفته توسط پژوهشگران، پیش از این مورد توجه قرار نگرفته است. مسئله پژوهش حاضر جز مسائل NP-Hard محسوب می‌شود که بارنوی و همکاران (۲۰۰۲)، در پژوهشی مربوط به مراجعه تعمیرکاران به ماشین‌آلات، این موضوع را اثبات کرده‌اند [۴]. ساختار مسئله پژوهش حاضر با

---

1. Núñez-del-Toro

تعريف ویژگی‌هایی که در بخش مدل‌سازی به آن پرداخته خواهد شد، به مراتب پیچیده‌تر از مسئله مطرح شده در پژوهش بارنوی و همکاران (۲۰۱۴) است. در پژوهش حاضر، استادان در طول یک هفته کاری بخشی از زمان فعالیت خود را صرف رفتن به کلاس می‌کنند، بخشی از زمان را به حضور در جلسه‌ها اختصاص می‌دهند و زمان باقی‌مانده خود را که در اصطلاح «زمان‌های آزاد» نامیده می‌شود، صرف مطالعه و پژوهش و یا ارائه مشاوره به دانشجویان می‌کنند. زمان‌بندی مراجعات دوره‌ای دانشجویان به استادان با توجه به تنوع دانشجویان و زمان‌هایی که باید به آن‌ها اختصاص داده شود، یکی از مسائل مطرح شده در بحث‌های دانشگاهی است که معمولاً استادان بر اساس تجربه‌های قبلی یا برنامه‌ریزی اقتضائی این زمان‌بندی را انجام می‌دهند. مسئله موردبررسی در این پژوهش به صورت واقعی در «دانشگاه یزد» توسط استادان مطرح شده است. در این دانشگاه افزایش تعداد دانشجویان، به خصوص دانشجویان تحصیلات تکمیلی و به دنبال آن لزوم افزایش زمان‌های اختصاص‌یافته به این دانشجویان برای انجام پژوهش یا مشاوره‌های تحصیلی، استادان را بر آن داشته است تا از یک روش نظاممند، یکپارچه و هماهنگ برای مراجعات دوره‌ای دانشجویان استفاده کنند. در این پژوهش الگو و ساختاری خاص برای تنظیم برنامه زمانی مراجعات دانشجویان به استادان ارائه خواهد شد که باعث می‌شود برنامه‌ریزی مراجعات دانشجویان شکلی منظم و هدفمند به خود بگیرد. زمان‌بندی مناسب در برنامه استادان باعث می‌شود از زمان حضور استادان و دانشجویان در دانشگاه‌ها استفاده بهینه صورت گیرد و تبدیل این‌گونه مسائل به زبان ریاضی کمک می‌کند تا مسائلی از این‌دست در زمان بسیار کم و با دقت بیشتر صورت گیرد و موجب افزایش سطح بهره‌وری آموزشی دانشگاه شود. این پژوهش، مسئله زمان‌بندی مراجعات دوره‌ای دانشجویان به استاد را نخستین بار به عنوان یک مسئله زمان‌بندی دوره‌ای معرفی می‌کند.

طرح کلی مطالب ارائه شده در مقاله به این شرح است که در بخش دوم، پژوهش‌های انجام‌شده در این حوزه بررسی می‌شود. در بخش سوم به تشریح و مدل‌سازی مسئله پرداخته خواهد شد. نتایج عددی مثال‌های مطرح شده برای تحلیل کارایی مدل ارائه شده در بخش چهارم این مقاله ارائه می‌شود و درنهایت بخش‌های پنجم و ششم مقاله به ارائه یافته‌های مدیریتی و نتایج حاصل از پژوهش اختصاص دارد.

## ۲. مبانی نظری و پیشینه پژوهش

در طول چند دهه گذشته پژوهش‌های بسیاری در زمینه مسئله زمان‌بندی صورت گرفته است که گستره وسیعی از حوزه‌ها، روش‌های فرموله‌سازی و روش‌های حل را دربرمی‌گیرد. مدل‌های زیادی در قالب مدل‌های ریاضی، ریانه‌ای، نمودارها و غیره در این زمینه گسترش یافته‌اند. هدف تمام این مدل‌سازی‌ها ارائه برنامه‌ای است که با وارد کردن اطلاعات جدید، برنامه

بهینه متناسب با اهداف، نیازها و منابع موجود به دست آید. در این بخش به تعدادی از پژوهش‌های انجام‌گرفته در این حوزه اشاره می‌شود. *الیعقوب و شرالی<sup>۱</sup>*، یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی عدد صحیح برای تخصیص استادان به دروس با فرض زمان‌بندی مشخص دروس ارائه دادند. هدف این مدل، حداقل کردن نارضایتی استادان به طور فردی و جمعی بود. در این پژوهش نارضایتی به صورت تابعی از تخصیص استادان به بازه‌های زمانی و دروس اندازه‌گیری شد [۳]. *گانو و همکاران<sup>۲</sup>* و *همکاران<sup>۳</sup>*، به طراحی جدول زمان‌بندی دروس دانشگاهی با استفاده از تبرید شبیه‌سازی شده و جست‌وجوی همسازی پرداختند [۲]. *توپالوگلو<sup>۴</sup>* (۲۰۰۹)، یک مدل برنامه‌ریزی شبیه‌سازی چندهدفه با دو روش متوالی و وزنی برای رزیدنت‌های بیمارستان که در سطوح مختلفی قرار دارند، ارائه کرد. تابع هدف این مسئله به دنبال حداقل‌سازی انحرافات از محدودیت‌های نرم است. نتایج حاکی از مطلوبیت و باکیفیت بودن جواب‌های مسئله توسط مدل ارائه شده نسبت به حالت دستی بود [۲۷]. *لیونگ و هو<sup>۵</sup>* (۲۰۱۰)، پژوهشی به منظور برنامه‌ریزی نیروی انسانی برای پذیرش خطوط هوایی با استفاده از الگوریتم‌های جست‌وجوی ممنوعه و شبیه‌سازی تدریجی انجام دادند. آن‌ها به دنبال سرویس‌دهی حداکثر پروازها از طریق برنامه‌ریزی گروه‌های کاری و زمان‌های شروع این گروه‌ها برای انجام وظایف بودند؛ به گونه‌ای که فقط گروه‌هایی با توانایی‌های مناسب می‌توانند به یک پرواز اختصاص یابند. نتایج محاسباتی حاکی از برتری بودن الگوریتم جست‌وجوی ممنوعه نسبت به الگوریتم شبیه‌سازی تدریجی بود [۱۰]. *ورمویتن و همکاران<sup>۶</sup>* (۲۰۱۶)، با توجه به تأثیر جدول زمان‌بندی بر روی جریان تجمع دانشجویان بین دو کلاس متوالی، رویکرد برنامه‌ریزی عدد صحیح دو مرحله‌ای را برای ساخت جدول زمانی درسی دانشگاه، با هدف حداقل کردن تخطی از ترجیحات استاد و با تعیین کردن دروس به بازه‌های زمانی و کلاس‌ها ارائه کردند. نتایج نشان‌دهنده برتری این مدل در کاهش چشم‌گیر جریان تجمع دانشجویان در صفحه‌ای مربوط به آسانسور و راه‌پله‌ها که موجب تأخیر در زمان شروع کلاس‌ها شده بود، می‌باشد [۲۸]. در پژوهش *نانزدل‌تورو و همکاران<sup>۷</sup>* (۲۰۱۶)، دو رویکرد برای حداقل کردن تعداد اپراتورهایی که برای ارائه خدمت به مشتریانی که خواهان خدمات دوره‌ای هستند، ارائه شده است. در رویکرد نخست به مشتریان در زمان مقرر و تعیین شده خدمت ارائه می‌شود؛ در حالی که در رویکرد دوم، مشتریان می‌توانند زودتر از زمان تعیین شده توسط اپراتورها خدمت‌رسانی شوند. در این پژوهش

- 
1. Al-Yakoob & Sherali
  2. Gunawan et al.
  3. Al-Betar et al.
  4. Topaloglu
  5. Leung & Ho
  6. Vermuyten et al.
  7. Núñez-del-Toro et al.

از فرموله‌سازی برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح برای هر دو رویکرد ذکر شده استفاده شد و درنهایت الگوریتم فرالبتکاری حریصانه بهمنظور بهدستآوردن جواب‌های بهتر و زمان محاسباتی کمتر ارائه شد [۱۹]. کنگ و ژو<sup>۱</sup> (۲۰۱۷)، دو مدل بهینه‌سازی کاربردی برای حرکت قطارهای آخر با هدف حداقل‌سازی انحراف استاندارد زمان‌های اضافی و زائد انتقال ارائه کردند. آن‌ها بهمنظور حل این دو مدل از دو الگوریتم شبیه‌سازی تدریجی و زنگی در شبکه حمل و نقل بیجینگ بُهره گرفتند. نتایج نشان می‌دهد که مسافرین قطار آخر می‌توانند در مجموع ۹۷,۴ دقیقه در وقت خود صرفه جویی کنند [۱۳]. پن و همکاران<sup>۲</sup> (۲۰۱۷)، از برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط چندهدفه برای ادغام چندین عامل در بهبود جدول زمان‌بندی اتاق جراحی استفاده کردند. آن‌ها مدلی ارائه کردند که به بیمارستان‌ها در ساخت یک جدول زمان‌بندی جدید با درنظرگرفتن بهینه‌سازی کاهش تعداد تخت‌های موردنیاز، حضور جراحان، ترجیحات جراحان، تنوع در نوع اتاق‌های عمل و مناسببودن آن‌ها برای انواع عمل‌ها و دردسترس‌بودن تجهیزات محدود کمک می‌کند [۲۰].

در پژوهش گونزالز و فرامینان<sup>۳</sup> (۲۰۱۸)، یک مسئله زمان‌بندی انجام سفارش‌ها با هدف حداقل کردن مجموع وزنی زمان تکمیل سفارش‌ها مدنظر قرار گرفت. در این مسئله بهمنظور بهبود جواب‌ها دو روش ارائه شده است. زمانی که به راه حل‌های سریع احتیاج است، یک روش ابتكاری سازنده و زمانی که وقفه‌های طولانی‌تری مجاز است، یک استراتژی فرالبتکاری جدید بهمنظور فراهم‌کردن جواب‌های بهتر ارائه شده است. الگوریتم فرالبتکاری ارائه شده قادر است تا درصد جواب‌های بهینه‌ای که توسط برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح مختلط تولید شده است، در همان مدت زمان پیدا کند [۸] ساوینیک و همکاران<sup>۴</sup> (۲۰۱۸)، مسئله جدول زمان‌بندی دروس را با استفاده از الگوریتم‌های جستجوی محلی موازی بررسی کردند. در این پژوهش، هدف آن‌ها حداقل‌سازی مجموع وزنی انحراف از محدودیت‌های نرم بود که در این راستا از الگوریتم‌های جستجوی ممنوعه و شبیه‌سازی تدریجی استفاده شد [۲۳].

سورنسن و همکاران<sup>۵</sup> (۲۰۱۹)، به بررسی مسئله برنامه‌ریزی رانندگان در سیستم حمل و نقل اتوبوس‌ها با هدف حداقل‌سازی مجموع هزینه‌ها و جریمه‌های ناشی از ترک سفر پرداختند. برای حل این مسئله، دو روش برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط و الگوریتم حریصانه مقایسه شد [۲۶]. شانگ و همکاران (۲۰۱۹)، برای حل مسئله جدول زمان‌بندی حرکت اتوبوس‌ها از روش جستجوی عددی و برنامه‌ریزی غیرخطی استفاده کردند. آن‌ها سه روش شامل رضایت

1. Kang & Zhu

2. Beijing

3. Penn et al.

4. Framinan & Gonzalez

5. Saviniec et al.

6. Sørensen et al.

مسافران، جدول زمان‌بندی ابتدایی با بهینه‌سازی تعداد اتوبوس‌ها و نیز ارائه جدول زمان‌بندی بهینه که متضمن رضایت مسافران و کارایی سیستم حمل و نقل اتوبوس‌ها است را در نظر گرفتند [۲۵]. فیروزآبادی و همکاران (۱۳۸۸)، در پژوهشی با عنوان «مدل‌سازی مسئله زمان‌بندی دوره‌های تحصیلی»، مدلی کلاسیک با متغیرهای صفر و یک را با رویکرد تخصیص دنباله‌ای از رویدادها مانند دروس به تعداد محدودی از منابع متنوع مثل استادان، کلاس‌ها و بازه‌های زمانی به کار بردند. در این پژوهش از برنامه‌ریزی آرمانی استفاده شد که با هدف حداقل کردن مجموع انحرافات از بهترین شرایط هر محدودیت نرم، مسئله را حل می‌کند [۱۶]. درویش و همکاران (۱۳۹۳) و نصرالله‌ی (۱۳۸۸)، به تنظیم برنامه نوبت کاری پرستاران با استفاده از الگوریتم ژنتیک و برنامه‌ریزی آرمانی صفر و یک پرداختند [۱۸، ۵].

یقینی و محمدزاده (۱۳۹۰)، در حوزه حمل و نقل و جدول زمان‌بندی حرکت قطارها، یک مدل زمان‌بندی با درنظر گرفتن زمان‌های توقف برای نماز برای محورهای دوخطه راه آهن، با هدف حداقل کردن مجموع تأخیرات قطارها ارائه کردند. در این پژوهش، محدودیت توقف قطار باعث ایجاد کمترین تأخیر در مجموع زمان سفر همه قطارها شود [۲۹]. اکبری و همکاران (۱۳۹۱)، مدلی ریاضی برای زمان‌بندی بهمنظور بهره‌برداری از عملکرد بهینه کارکنان با هدف حداقل‌سازی هزینه‌های نیروی کار و گماشتن کارکنان کار در نوبتهای کاری، ارائه کردند. از نوآوری‌های این پژوهش، مدل‌سازی ابعاد ذکر شده با استفاده از توابع هذلولی و نمایی بود. در این پژوهش بهمنظور حل مدل گستته و غیرخطی از الگوریتم ژنتیک استفاده شد. این مطالعه نشان داد که الگوریتم ژنتیک کارایی و اثربخشی مطلوبی در یافتن جواب بهینه دارد [۱].

در پژوهش اسکندری و بهرامی (۱۳۹۶)، مسئله زمان‌بندی چنددهده اتاق عمل با استفاده از بهینه‌سازی مبتتی بر شبیه‌سازی با هدف کمینه کردن هزینه‌های اضافه کاری و خالی‌ماندن اتاق‌های عمل و نیز کمینه کردن روزهای انتظار بیماران برای جراحی، مورد توجه قرار گرفت. آن‌ها از دو الگوریتم NSGA-II و FastPGA برای ترکیب با شبیه‌سازی استفاده کرده و عملکرد آن‌ها را با مدل ریاضی و با یکدیگر مقایسه کردند [۶]. کارگر و همکاران (۱۳۹۶)، یک مدل ریاضی چنددوره‌ای و چنددهده برای تخصیص اعضای پیوندی که از اهدافندگان مرگ مغزی فراهم می‌شود، ارائه کردند. در این پژوهش با توجه به تغییر وضعیت سلامتی بیماران در هر دوره، مدل پیشنهادی چنددوره‌ای در نظر گرفته شد؛ همچنین برای حل مدل چنددهده از برنامه‌ریزی آرمانی فازی اولویت‌بندی استفاده شد. نتایج حاکی از کاهش هزینه‌های حمل و نقل و بهبود خروجی‌های پزشکی حاصل از پیوند با درنظر گرفتن ابعاد لجستیکی و پزشکی مسئله تخصیص عضو در مرحله انتخاب گیرنده مناسب بود [۱۴]. در پژوهش سجادی و همکاران (۱۳۹۷)، مسئله تخصیص ظرفیت اتاق‌های عمل با درنظر گرفتن استراتژی برنامه‌ریزی و

زمان‌بندی بلوکی و با هدف حداقل کردن انحراف‌های نامطلوب شامل تقاضای برآورده نشده، اضافه کاری سرویس‌ها و بیکاری اتاق‌های عمل تخصیص یافته، مورد توجه قرار گرفت؛ همچنین مدل برنامه‌ریزی آرمانی تصادفی برای برنامه‌ریزی و تعیین تعداد و ترکیب بهینه جراحی‌ها و تخصیص ظرفیت به سرویس‌های جراحی با درنظر گرفتن تقاضای غیرقطعی به کار رفت. با توجه به NP-Hard بودن مسئله الگوریتم فراتکاری شبیه‌سازی تبرید نیز ارائه شد. ایده مدل پیشنهادشده آن است که با تغییر تعداد و ترکیب موارد جراحی می‌توان انحراف‌های نامطلوب را کاهش داد [۲۲]. در پژوهش فاطمی قمی و همکاران (۱۳۹۷)، مدل ریاضی جدیدی به منظور بهینه‌سازی مسئله مسیریابی تخصیص کارکنان درمانی مراکز ارائه‌دهنده خدمات پزشکی در منزل، با هدف یافتن بهترین زمان‌بندی توالی ویزیت بیماران و حداقل سازی هزینه‌های مؤسسه ارائه شده است [۷]. ایمانلو و عتیقه‌چیان (۱۳۹۷)، مسئله زمان‌بندی روزانه فرآیند اعمال جراحی را با درنظر گرفتن مراحل مختلف و شرایط واقعی بررسی کردند. در این پژوهش که هدف آن کمینه کردن مجموع زمان بیکاری و اضافه کاری اتاق‌های عمل در شرایط عدم قطعیت بود، از رویکرد بهینه‌سازی مبتنی بر شبیه‌سازی استفاده شد. در این پژوهش ابتدا مدل ریاضی مسئله در حالت قطعی ارائه شد و سپس با توجه به ناکارایی روش‌های دقیق در حل مسائل احتمالی بزرگ و واقعی، یک الگوریتم ترکیبی از الگوریتم مورچگان دوستخی با شبیه‌سازی به کار رفت.

الگوریتم ارائه شده توسط سناریوهای تصادفی تولید شده آزمون شد [۱۱].

در کلیه پژوهش‌های صورت گرفته در زمینه مسائل جدول زمان‌بندی به چهار حوزه «آموزشی»، «بهداشت و درمان»، «حمل و نقل» و «ورزش» توجه شده است؛ حال آنکه این پژوهش با طرح مسئله جدیدی در حوزه مسائل جدول زمان‌بندی دانشگاهی و ارائه مدل ریاضی جدید و مناسبی به دنبال حل مسئله مراجعات دانشجویان به استادان است که تاکنون در مبانی نظری پژوهش وجود نداشته است؛ بنابراین این پژوهش هم به لحاظ تعریف مسئله و هم مدل‌سازی و نیز از لحاظ کاربردی و اجرا دارای نوآوری است. یادآوری این نکته لازم است که امکان مقایسه تعریف مسئله پژوهش حاضر، بهدلیل آنکه برای نخستین بار در این پژوهش مطرح شده و مسئله‌ای نوین است، با سایر پژوهش‌ها وجود نداشته است.

### ۳. روش‌شناسی پژوهش

با توجه به اینکه رویکرد اصلی پژوهش حاضر، ارائه مدل ریاضی مناسب برای زمان‌بندی مراجعه دانشجویان به استادان است، پژوهش جنبه کاربردی-توصیفی دارد و با توجه به اینکه به دنبال توسعه دانش کاربردی و کاربرد عملی دانش است، می‌توان آن را از نظر هدف، کاربردی دانست. استادان دانشگاه در هر هفته کاری بخشی از زمان خود را به مشاوره با دانشجویان اختصاص می‌دهند و معمولاً این مشاوره به صورت دوره‌ای برگزار می‌شود. با این مفهوم که در

طول دوره برنامه‌ریزی (برای مثال، یک ماه یا یک نیمسال تحصیلی)، یک دانشجو باید تعداد مشخصی از مراجعات را به استاد داشته باشد و هر دانشجو در هر مراجعته، یک یا چند بازه زمانی نیمساعته از وقت آزاد استاد را به خود اختصاص می‌دهد. بدین ترتیب هر دانشجو معادل با یک مشتری و استاد متناظر با یک خدمت‌دهنده قلمداد می‌شود. فرض شده است که در هر روز کاری، زمانی را که یک استاد می‌تواند به دانشجویان اختصاص دهد به بازه‌های نیمساعته تقسیک می‌کند و در هر روز  $P$  بازه نیمساعته دارد که می‌تواند به مراجعته دانشجویان اختصاص دهد یا به دلایلی مانند برگزاری کلاس، تشکیل جلسه یا زمان استراحت استاد و یا غیره، امکان تخصیص بعضی بازه‌های زمانی به مراجعات دانشجویان وجود نداشته باشد. این بازه‌های زمانی ارائه شده توسط استاد در ماتریس  $F_{j,k}$  که در جدول ۲، تعریف شده است، مشاهده می‌شود.

در این مسئله سه نوع دانشجو در مقاطع کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکتری وجود دارند که دانشجویان مقطع کارشناسی به  $R_x$  بازه نیمساعته پیاپی، دانشجویان مقطع کارشناسی ارشد به  $R_y$  بازه نیمساعته پیاپی و دانشجویان مقطع دکتری به  $R_z$  بازه نیمساعته پیاپی برای هر مراجعته احتیاج دارند؛ ضمن اینکه در دوره برنامه‌ریزی، دانشجویان مقاطع کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکتری به ترتیب به  $T_x$ ,  $T_y$  و  $T_z$  مرتبه مراجعته احتیاج دارند و بین این مراجعات نیز حداقل فاصله زمانی باید رعایت شود. این حداقل فاصله زمانی برای سه مقطع کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکتری به ترتیب برابر  $B_x$ ,  $B_y$  و  $B_z$  روز است؛ ضمن اینکه در هر روز تعداد مشخصی بازه برای مراجعات اضطراری دانشجویان در نظر گرفته می‌شود تا در صورت لزوم بتوان مراجعات برنامه‌ریزی نشده را نیز مدیریت کرد. هدف این است که زمان‌های مراجعت دانشجویان به نحوی برنامه‌ریزی شود که تا حد امکان مراجعات دانشجویان به صورت یکنواخت در طول دوره برنامه‌ریزی توزیع شود. برای مثال، اگر قرار است چهار مراجعته توسط دانشجویان صورت بگیرد، این چهار مراجعته در یک روز برنامه‌ریزی نشود؛ بلکه در چهار روز مختلف و در هر روز یک مراجعته صورت گیرد؛ ضمن اینکه هدف دیگر قرار گرفتن بازه‌های مراجعات اضطراری در انتهای مراجعات برنامه‌ریزی شده و در نخستین زمان‌های آزاد پس از آن‌ها باشد.

**مدل‌سازی مسئله.** در این بخش یک مدل ریاضی به منظور شناسایی و استفاده از آن برای حل مسئله مطرح شده ارائه می‌شود و به جزئیات مدل و مفاهیم آن پرداخته خواهد شد. در این راستا اندیس‌ها، پارامترها و متغیرهای تصمیمی برای درک بهتر در جداول‌های ۱، ۲ و ۳، ارائه شده است.

مفهوم‌ساز مسئله پژوهش حاضر نیز به شرح زیر است:

- هر دانشجو نوع  $S$  باید در طول دوره برنامه‌ریزی  $T_s$  مرتبه به استاد خود برای دریافت مشاوره مراجعته کند ( $s = x, y, z$ ).
- در هر مرتبه مراجعته، دانشجویان به  $R_s$  بازه زمانی پیاپی احتیاج دارند ( $s = x, y, z$ ).

- بین هر دو مراجعه دانشجویان باید حداقل  $B_s$  روز فاصله باشد ( $s = x, y, z$ ).
- در هر روز تعداد مشخصی بازه برای مراجعات اضطراری دانشجویان در نظر گرفته می‌شود.

**مالکیت مدل.** مسائل جدول زمان‌بندی شامل حوزه‌های گوناگون از قبیل آموزشی (جدول زمان‌بندی دروس و امتحانات مدرسه و دانشگاه)، بهداشت و درمان (جدول زمان‌بندی پرستاران و جراحان)، حمل و نقل (جدول زمان‌بندی قطار، اتوبوس و هوایپما) و ورزش (جدول زمان‌بندی مسابقات بین هر دو تیم) است که تاکنون پژوهش‌های بسیاری در این حوزه‌ها صورت گرفته است. مسئله زمان‌بندی خدمات دوره‌ای توسط ناندز دل تورو و همکاران (۲۰۱۶)، مطرح شد که در پژوهش آن‌ها دو رویکرد برای حداقل کردن تعداد اپراتورها برای خدمت‌رسانی به مشتریان خواهان خدمات دوره‌ای، ارائه شده است. مسئله پژوهش حاضر از نظر نوع در دسته مسائل خدمات دوره‌ای قرار می‌گیرد و از چند جنبه دارای نوآوری است: نخست اینکه بازه‌های زمانی موردنیاز برای ارائه خدمت به خدمت‌گیرندگان با توجه به تعریف انواع مختلف خدمت‌گیرندگان متفاوت است؛ دوم آنکه تعریف این مسئله در حوزه مسائل دانشگاهی برای نخستین بار صورت گرفته و تاکنون در مبانی نظری وجود نداشته است؛ همچنین در این پژوهش زمان‌ها و بازه‌های اضطراری برای مراجعات برنامه‌ریزی نشده در نظر گرفته شده است. ساختار مدل طراحی شده در این پژوهش نیز دارای نوآوری است و برای نخستین بار در این مقاله معرفی می‌شود.

جدول ۱. معرفی اندیس‌ها

نام	تعریف
$i$	اندیس شمارنده دانشجویان در هر مقطع
$j$	اندیس شمارنده روز مراجعه دانشجویان به استاد
$k, h$	اندیس‌های مربوط به شمارنده بازه‌های زمانی نیمساعتی در یک روز کاری

جدول ۲. معرفی پارامترها

نام	تعریف
$N_x$	تعداد دانشجویان مقطع کارشناسی
$N_y$	تعداد دانشجویان مقطع کارشناسی ارشد
$N_z$	تعداد دانشجویان مقطع دکتری
$D$	تعداد روزهای کاری
$P$	تعداد بازه‌های زمانی قابل برنامه‌ریزی در هر روز
$T_x$	تعداد دفعات مراجعات دانشجویان مقطع کارشناسی در دوره برنامه‌ریزی
$T_y$	تعداد دفعات مراجعات دانشجویان مقطع کارشناسی ارشد در دوره برنامه‌ریزی
$T_z$	تعداد دفعات مراجعات دانشجویان مقطع دکتری در دوره برنامه‌ریزی
$B_x$	حداقل فاصله زمانی بین مراجعات دانشجویان مقطع کارشناسی

حداقل فاصله زمانی بین مراجعات دانشجویان مقطع کارشناسی ارشد	$B_y$
حداقل فاصله زمانی بین مراجعات دانشجویان مقطع دکتری	$B_z$
تعداد بازه زمانی پیاپی موردنیاز برای دانشجویان مقطع کارشناسی در هر مراجعته	$R_x$
تعداد بازه زمانی پیاپی موردنیاز برای دانشجویان مقطع کارشناسی ارشد در هر مراجعته	$R_y$
تعداد بازه زمانی موردنیاز برای دانشجویان مقطع دکتری در هر مراجعته	$R_z$
تعداد زمان‌های اختصاری در هر روز کاری	$L$
ماتریس دو بعدی نشان‌دهنده زمان حضور یا عدم حضور استاد در روز $j$ بازه $k$ *	$F_{j,k}$

\* منظور از وقت آزاد استاد زمان‌هایی است که می‌تواند به مشاوره دانشجویان اختصاص یابد. اگر استاد در روز  $j$  و بازه  $k$  وقت آزاد داشته باشد، مقدار این پارامتر برابر با ۱ و در غیر این صورت مقدار آن برابر صفر است.

جدول ۳. معرفی متغیرهای تصمیمی

متغیر تصمیمی	تعریف
$X_{i,j,k}$	این متغیر مقدار ۱ خواهد گرفت، اگر دانشجوی نام دوره کارشناسی در روز $j$ ام در بازه $k$ ام مراجعت کند؛ در غیر این صورت این مقدار برابر صفر خواهد بود.
$Y_{i,j,k}$	این متغیر مقدار ۱ خواهد گرفت اگر دانشجوی نام دوره کارشناسی ارشد در روز $j$ ام در بازه $k$ ام مراجعت کند؛ در غیر این صورت این مقدار برابر صفر خواهد بود.
$Z_{i,j,k}$	این متغیر مقدار ۱ خواهد گرفت، اگر دانشجوی نام دوره دکتری در روز $j$ ام در بازه $k$ ام مراجعت کند؛ در غیر این صورت این مقدار برابر صفر خواهد بود.
$E_{j,k}$	این متغیر مقدار ۱ خواهد گرفت، اگر در روز $j$ ام بازه $k$ به مراجعته اختصاری اختصاص یابد؛ در غیر این صورت این مقدار برابر صفر خواهد بود.
$W_{i,j}$	این متغیر مقدار ۱ خواهد گرفت، اگر دانشجوی نام در روز $j$ ام مراجعت کند؛ در غیر این صورت این مقدار برابر صفر خواهد بود.

**محدودیت‌های مدل.** محدودیت‌های مدل به شرح زیر است که در ادامه به توصیف کارکرد و وظیفه هر یک پرداخته خواهد شد.

$$\sum_{k=1}^P E_{j,k} = L \quad \forall j \in \{1, \dots, D\} \quad (1)$$

$$\sum_{i=1}^{N_x} X_{i,j,k} + \sum_{i=1}^{N_y} Y_{i,j,k} + \sum_{i=1}^{N_z} Z_{i,j,k} + E_{j,k} \leq F_{j,k} \quad (2)$$

$$\forall k \in \{1, \dots, P\} \quad \forall j \in \{1, \dots, D\}$$

$$\sum_{k=1}^P X_{i,j,k} = R_x \times W_{i,j} \quad \forall j \in \{1, \dots, D\}, \quad \forall i \in \{1, \dots, N_x\} \quad (3)$$

$$X_{i,j,k} + X_{i,j,h} \leq 1 \quad (4)$$

$$\forall j \in \{1, \dots, D\}, \quad k + R_x \leq h \leq P, \quad \forall k \in \{1, \dots, P\}, \quad \forall i \in \{1, \dots, N_x\}$$

$$\sum_{k=1}^P Y_{i,j,k} = R_y \times W_{i,j} \quad Y_{i,j,k} + Y_{i,j,h} \leq 1 \quad (\delta)$$

$$\forall i \in \{1, \dots, N_y\}, \quad \forall j \in \{1, \dots, D\}$$

$$Y_{i,j,k} + Y_{i,j,h} \leq 1 \quad (\sigma)$$

$$\forall j \in \{1, \dots, D\}, \quad k + R_y \leq h \leq P, \quad \forall k \in \{1, \dots, P\} \quad \forall i \in \{1, \dots, N_y\}$$

$$\sum_{k=1}^P Z_{i,j,k} = R_z \times W_{i,j}, \quad \forall i \in \{1, \dots, N_z\}, \quad \forall j \in \{1, \dots, D\} \quad (\gamma)$$

$$Z_{i,j,k} + Z_{i,j,h} \leq 1 \quad (\lambda)$$

$$\forall j \in \{1, \dots, D\}, \quad k + R_z \leq h \leq P, \quad \forall k \in \{1, \dots, P\}, \quad \forall i \in \{1, \dots, N_z\}$$

$$\sum_{j=1}^D \sum_{k=1}^P X_{i,j,k} = R_x \times T_x \quad (\alpha)$$

$$\forall i \in \{1, \dots, N_x\}$$

$$\sum_{j=1}^D \sum_{k=1}^P Y_{i,j,k} = R_y \times T_y \quad (\beta)$$

$$\forall i \in \{1, \dots, N_y\}$$

$$\sum_{j=1}^D \sum_{k=1}^P Z_{i,j,k} = R_z \times T_z \quad (\gamma)$$

$$\forall i \in \{1, \dots, N_z\}$$

$$\sum_{k=1}^P \sum_{j=t}^{t+B_x} X_{i,j,k} \leq R_x \quad (\beta)$$

$$t \in \{1, \dots, D - B_x\}, \quad \forall i \in \{1, \dots, N_x\}$$

$$\sum_{k=1}^P \sum_{j=t}^{t+B_y} Y_{i,j,k} \leq R_y \quad (\beta)$$

$$t \in \{1, \dots, D - B_y\}, \quad \forall i \in \{1, \dots, N_y\}$$

$$\sum_{k=1}^P \sum_{j=t}^{t+B_z} Z_{i,j,k} \leq R_z \quad \forall i \in \{1, \dots, N_z\}, t \in \{1, \dots, D - B_z\} \quad (14)$$

محدودیت ۱، مربوط به تخصیص بازه اضطراری در هر روز است؛ به این معنا که در هر روز  $L$  بازه زمانی برای مراجعات اضطراری در نظر گرفته شود. محدودیت ۲، در ارتباط با ماتریس  $F_{j,k}$  تعریف شده است. این ماتریس زمان حضور یا عدم حضور استاد در دانشگاه را نشان می‌دهد. اگر استاد وقت آزاد داشته باشد، مقدار  $F_{j,k}$  برابر یک و در غیر این صورت مقدار آن برابر صفر خواهد بود. این محدودیت نشان می‌دهد که نخست، زمان‌ها یا بازه‌هایی به دانشجویان اختصاص یابد که استاد اعلام حضور کرده‌است؛ دوم به هر بازه زمانی بیش از یک دانشجو اعم از کارشناسی، کارشناسی ارشد، دکتری و بازه‌های اضطراری اختصاص پیدا نکند. محدودیت‌های ۳ و ۴، مربوط به دانشجویان مقطع کارشناسی هستند.

محدودیت ۳، باعث می‌شود که هر دانشجوی کارشناسی در روز مراجعه،  $R_x$  بازه زمانی را به خود اختصاص دهد و محدودیت ۴، باعث پیاپی بودن این بازه‌های زمانی می‌شود. همین شرایط برای دانشجویان مقطع کارشناسی ارشد و دکتری در محدودیت‌های ۵، ۶، ۷ و ۸، لحاظ شده است. برای درک بهتر این موضوع، جدول ۴، ارائه شده است. اگر فرض شود در یک روز مشخص ۵ بازه زمانی تعریف شده است، محدودیت ۵، متناسب می‌شود که به یک دانشجوی کارشناسی ارشد در صورت مراجعه به تعداد  $R_y$  بازه زمانی اختصاص یابد.

محدودیت ۶، تضمین می‌کند که در صورت تخصیص  $R_y$  بازه زمانی به دانشجوی کارشناسی ارشد، این بازه‌های زمانی تخصیص یافته به صورت پیاپی باشد؛ یعنی اگر یک دانشجوی کارشناسی ارشد در بازه اول یک روز مراجعه کند، در این صورت (با فرض اینکه هر دانشجوی کارشناسی ارشد به دو بازه پیاپی نیاز داشته باشد) بازه دوم نیز باید به این دانشجو تخصیص یابد. در حقیقت این محدودیت مانع از آن می‌شود که بازه‌های زمانی سوم، چهارم و پنجم به این دانشجو تخصیص یابد.

جدول ۴. نمایش تصویری توضیحات مربوط به محدودیت‌های ۵ و ۶

۱	۲	۳	۴	۵
✓	✓	✗	✗	✗

محدودیت ۹، حاکی از تخصیص بازه‌های زمانی موردنیاز برای دانشجویان مقطع کارشناسی در طول دوره برنامه‌ریزی است. در طول این دوره دانشجویان کارشناسی  $T_x$  بار به استاد خود

مراجعه می‌کند و در هر بار مراجعه به  $R_x$  بازه زمانی احتیاج دارد. به عبارتی در طول دوره برنامه‌ریزی باید  $T_x \times R_x$  بازه زمانی به هر دانشجوی مقطع کارشناسی اختصاص یابد. محدودیت‌های ۱۰ و ۱۱، به ترتیب همین شرایط را برای دانشجویان دوره کارشناسی ارشد و دکتری لحاظ می‌کنند. محدودیت ۱۲، مربوط به رعایت حداقل فاصله زمانی (برحسب روز) بین دو مراجعه پیاپی دانشجویان مقطع کارشناسی است. بین هر دو مراجعه دانشجویان مقطع کارشناسی باید حداقل  $B_x$  روز فاصله باشد که مجموع این مراجعات طی این فاصله نباید از تعداد بازه‌های تخصیص یافته به دانشجویان کارشناسی بیشتر باشد. همین موضوع در محدودیت‌های ۱۳ و ۱۴، به ترتیب برای دانشجویان کارشناسی ارشد و دکتری ارائه شده است که در جدول ۵ مشاهده می‌شود. فرض شود زمان‌های حضور یا عدم حضور استاد طی ۴ روز و در هر روز ۵ بازه زمانی تعریف شده باشد. در صورت تخصیص دو مین بازه از روز اول به مراجعه یک دانشجوی کارشناسی و با فرض اینکه باید حداقل ۲ روز فاصله بین مراجعات دانشجویان کارشناسی باشد، محدودیت ۱۲، مانع از آن می‌شود که در روزهای دوم و سوم بازه زمانی برای مراجعه بعدی این دانشجو تخصیص داده شود و بنابراین مراجعه این دانشجو می‌تواند در روز چهارم در یکی از بازه‌های زمانی اول، سوم و چهارم که امکان تخصیص وجود دارد، صورت گیرد.

جدول ۵. نمایش تصویری توضیحات مربوط به محدودیت ۱۲

روز	۱	۲	۳	۴	۵	بازه
۱	.	۱	.	.	.	
۲	۱	۱	.	.	.	
	x	x				
۳	.	۱	۱	۱	۱	
		x	x	x	x	
۴	۱	.	۱	۱	.	
	✓		✓	✓		

#### تابع هدف

$$MinZ = 2 \times \left( \sum_{j=1}^D \sum_{k=1}^P k \times \left( \sum_{i=1}^{N_X} X_{i,j,k} + \sum_{i=1}^{N_Y} Y_{i,j,k} + \sum_{i=1}^{N_Z} Z_{i,j,k} \right) \right) + \sum_{j=1}^D \sum_{k=1}^P k \times E_{j,k}$$

تابع هدف این مسئله به صورت همزمان سه موضوع را دنبال می‌کند: نخست آنکه توزیع مراجعات دانشجویان در روزهای مختلف (اعم از مراجعات عادی و اضطراری) تا حد امکان

یکنواخت صورت بگیرد (برای مثال، اگر قرار است ۵ دانشجو به استاد مراجعه کنند، این مراجعات به جای آنکه در یک روز انجام شود، باید در ۵ روز مختلف و در هر روز یک مراجعه صورت گیرد تا توزیع مراجعات یکنواخت شده باشد؛ دوم آنکه مراجعات دانشجویان در ساعات اولیه در هر روز صورت بگیرد (یعنی اگر یک دانشجو امکان حضور مراجعه هم در بازه نیم ساعته اول و هم در بازه نیم ساعته چهارم را داشته باشد، بازه نیم ساعته اول به مراجعه وی تخصیص داده شود؛ سوم اینکه زمان های اختصاص یافته به مراجعات اضطراری در نخستین بازه های زمانی قابل تخصیص بعد از مراجعات عادی باشد. تحقق این سه موضوع در تابع هدف مطرح شده در پژوهش امکان پذیر است.

با توجه به تابع هدف ارائه شده، اگر یک مراجعه عادی (مراجعات دانشجویان کارشناسی، کارشناسی ارشد یا دکتری) در بازه زمانی  $k$  صورت بگیرد، مقدار تابع هدف به اندازه  $2k$  افزایش می یابد. از آنجاکه تابع هدف مینیمم سازی است، این امر نخست باعث می شود مراجعات به سمت بازه های اول در هر روز سوق داده شود، دوم اینکه موجب یکنواختی توزیع مراجعات دانشجویان می شود. از طرفی اگر مراجعه اضطراری به بازه  $k$  اختصاص یابد، تابع هدف به اندازه  $k$  افزایش می یابد. این موضوع موجب می شود تا مراجعات اضطراری به نخستین بازه قابل تخصیص بعد از مراجعات عادی تخصیص داده شوند.

**پیچیدگی اندازه مدل.** در این بخش به منظور بررسی پیچیدگی اندازه مدل، روابط کمی برای نمایش تعداد متغیرها و محدودیت های مدل در حالت کلی ارائه می شود.

تعداد متغیر های مسئله:  $(N_x + N_y + N_z + L) * P * D + (N_x + N_y + N_z) * D$

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت ۱:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت ۲:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت های ۳، ۵ و ۷:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت ۴:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت ۶:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت ۸:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت های ۹، ۱۰ و ۱۱:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت ۱۲:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت ۱۳:

تعداد محدودیت های تولید شده به ازای محدودیت ۱۴:

#### ۴. تحلیل داده‌ها و یافته‌های پژوهش

در این بخش به منظور اعتبارسنجی مدل مطرح شده، دو مثال عددی ساده در ابعاد کوچک و متوسط ارائه شده است که توسط نرم‌افزار LINGO نسخه ۱۷ ارزیابی می‌شوند. یکی از دلایل بررسی مسائل کوچک آن است که فضای جواب آنقدر گسترده نباشد تا بتوان آن را به منظور تأیید همه شرایط مطرح شده و موردنظر طراح مسئله بررسی کرد. جدول ۶، اطلاعات مربوط به مسئله مراجعات دانشجویان در ابعاد کوچک را نشان می‌دهد.

جدول ۶. مشخصات مسئله مراجعات دوره‌ای کوچک

دانشجویان	موردنیاز	دانشجویان	تعداد بازه	تعداد	فاصله زمانی بین مراجعات (روز)
کارشناسی	۱	۲	۲	۳	۱
کارشناسی ارشد	۲	۳	۳	۲	۲
دکتری	۳	۲	۱	۱	۳

در این مثال ساده فرض شده است که برنامه‌ریزی باید در یک دوره ۷ روزه انجام شود که در هر روز ۶ بازه زمانی وجود دارد و وقت استاد در تمام بازه‌های زمانی آزاد است. در این صورت جواب مسئله که توسط نرم‌افزار لینگو حل شده است در جدول ۷، مشاهده می‌شود.

جدول ۷. نتیجه حل مسئله زمان‌بندی مراجعات دوره‌ای کوچک

مقدار تابع هدف	تعداد محدودیت‌ها	مدت زمان حل (ثانیه)	تعداد متغیرها
۱۳۹	۱۱۵۵	۵۹۵۸	۰۱

جدول زمانی بهینه این مثال نیز در جدول ۸، ارائه شده است. عده‌های ذکر شده داخل علامت‌های ( ) و { } به ترتیب نشان‌دهنده شماره دانشجویان مقطع کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکتری است که به آن بازه زمانی اختصاص یافته‌اند؛ همچنین نماد  $E$  نشان‌دهنده تخصیص بازه موردنظر به مراجعة اضطراری در هر روز است. برای مثال، دانشجوی شماره ۱ کارشناسی ارشد باید در روز اول، وقت‌های اول و دوم مراجعة کند. این موضوع با دو مقدار [۱] که به شماره دانشجو اشاره دارد و در سلول‌های ۱ و ۲ از سطر مربوط به روز اول قرار گرفته است، مشخص می‌شود. مراجعة دوم همین دانشجو نیز در روز پنجم بازه‌های ۲ و ۳ صورت می‌گیرد (هاشور خاکستری کمنگ). به عنوان مثالی دیگر مراجعة دانشجوی اول دکتری در روز چهارم و بازه‌های ۱، ۲ و ۳ صورت می‌گیرد (این مراجعات در جدول با هاشور خاکستری پرنگ

مشخص شده است). سلول‌های خالی نیز نشان‌دهنده عدم تخصیص بازه‌های زمانی برای مراجعات دانشجویان، علی‌رغم وقت آزاد استاد است.

جدول ۸. نمایش تصویری جواب بهینه مسئله مراجعات دوره‌ای کوچک

روز	۱	۲	۳	۴	۵	۶
بازه						
شنبه	[۱]	[۱]	[۳]	[۳]	E	
یکشنبه	[۲]	[۲]	(۱)	(۲)	E	
دوشنبه	{۲}	{۲}	{۲}	E		
سه‌شنبه	{۱}	{۱}	{۱}	(۱)	E	
چهارشنبه	(۲)	[۱]	[۱]	E		
شنبه	[۲]	[۲]	(۱)	E		
یکشنبه	(۲)	[۳]	[۳]	E		

در مثال دوم، ابعاد مسئله نسبت به مثال قبل بزرگ‌تر است. دوره زمانی برنامه‌ریزی برابر با ۱۵ روز است و در هر روز ۲۰ بازه زمانی نیم ساعته وجود دارد. جدول ۹، مشخصات و اطلاعات مربوط به مسئله مراجعات در ابعاد متوسط را نشان می‌دهد. وقت‌های آزاد استاد در جدول ۱۰ با عدد ۱ نمایش داده شده است (فرض می‌شود برنامه زمانی حضور یا عدم حضور استاد در دانشگاه از شنبه تا چهارشنبه در طول سه هفته یکسان است؛ بنابراین به اختصار برنامه زمانی یک هفته استاد در جدول ۱۰، نمایش داده شده است). در این جدول وقت‌های آزاد با عدد ۱ و وقت‌های غیرآزاد با علامت ضربدر نشان داده می‌شود. جدول ۱۱، نیز نشان دهنده جواب مسئله مراجعات دوره‌ای متوسط است.

جدول ۹. مشخصات مسئله مراجعات دوره‌ای متوسط

آنواع دانشجویان	مورد نیاز	دانشجویان	تعداد در طول دوره	تعداد زمانی بین مراجعة (روز)	تعداد حداقل فاصله	تعداد مراجعة	تعداد بازه
کارشناسی							۱
کارشناسی ارشد							۲
دکتری							۳

جدول ۱۰. ماتریس زمان‌بندی حضور استاد در مسئله مراجعات دوره‌ای متوسط

بازه روز	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	۲۰
شنبه	۱	۱	۱	۱	x	x	x	x	x	۱	۱	۱	x	x	x	x	x	x	x	
یکشنبه	۱	۱	۱	۱	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	۱	۱	
دوشنبه	x	x	x	x	x	x	۱	۱	۱	۱	x	x	x	x	x	x	x	x	x	
سه شنبه	x	x	x	x	x	x	۱	۱	۱	x	x	x	x	x	x	x	۱	۱	۱	
چهارشنبه	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	

جدول ۱۱. نتیجه حل مسئله زمان‌بندی مراجعات دوره‌ای متوسط

مقدار تابع هدف	تعداد متغیرها	تعداد محدودیت‌ها	مدت زمان حل (ثانیه)
۱۲۱۲	۴۰۰۵	۱۷۶۱۶	۰۲

جدول زمانی بهینه مراجعات دوره‌ای در اندازه متوسط در جدول ۱۲، نشان داده است.

جدول ۱۲. نمایش تصویری جواب بهینه مسئله مراجعات دوره‌ای متوسط

بازه روز	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	۲۰
شنبه	{۲}	{۲}	{۲}	x	x	x	x	[۱]	[۱]	E	x	x	x	x	x	x	x	x	x	
یک شنبه	(۳)	[۳]	[۳]	(۴)	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	(۵)	E		
دوشنبه	x	x	x	x	x	x	[۲]	[۲]	(۱)	(۲)	E	x	x	x	x	x	x	x	x	
سه شنبه	x	x	x	x	x	x	{۱}	{۱}	{۱}	x	x	x	x	x	x	(۳)	(۴)	E		
چهارشنبه	{۳}	{۳}	{۳}	(۲)	[۴]	[۴]	E	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	
شنبه	[۱]	[۱]	(۴)	x	x	x	x	[۲]	[۲]	E	x	x	x	x	x	x	x	x	x	
یک شنبه	(۱)	(۵)	(۳)	(۲)	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	E	
دوشنبه	x	x	x	x	x	x	[۲]	[۲]	[۲]	E	x	x	x	x	x	x	x	x	x	
سه شنبه	x	x	x	x	x	x	(۵)	(۲)	(۴)	x	x	x	x	x	x	[۱]	[۱]	(۱)	E	
چهارشنبه	{۲}	{۲}	{۲}	(۳)	[۲]	[۲]	E	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	
شنبه	(۲)	[۲]	[۲]	x	x	x	x	x	[۲]	[۲]	E	x	x	x	x	x	x	x	x	
یک شنبه	(۵)	{۱}	{۱}	{۱}	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	E	
دوشنبه	x	x	x	x	x	x	{۲}	{۲}	{۲}	E	x	x	x	x	x	x	x	x	x	
سه شنبه	x	x	x	x	x	x	(۵)	[۲]	[۲]	x	x	x	x	x	x	[۱]	[۱]	(۱)	E	
چهارشنبه	[۲]	[۲]	[۲]	(۱)	[۱]	[۱]	E	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	

**مطالعه موردی.** در این بخش با استفاده از مدل طراحی شده و با دردستداشتن برنامه زمانی حضور یکی از استادان منتخب «دانشگاه یزد»، اقدام به برنامه‌ریزی و حل مسئله پژوهش حاضر برای یک ترم (معادل ۱۶ هفته کاری) شده است. جدول ۱۳، برنامه یک هفته کاری (معادل شنبه تا چهارشنبه) در ۲۲ بازه زمانی در هر روز این استاد را نشان می‌دهد. لازم به ذکر است این مدل در نسخه ۱۷ نرمافزار LINGO و توسط لپتاپ DELL INSPIRON 1545 با پردازنده

CORE i2 و با حافظه ۳ گیگا بایت، حل شده و در زمان ۸۶ ثانیه به حل بهینه سراسری رسیده است.

جدول ۱۳. ماتریس زمان‌بندی حضور استاد در طول یک هفته کاری (معادل ۵ روز)

بازه	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	۲۰	۲۱	۲۲	
روز																							
شنبه	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱
یکشنبه		۱	۱	۱	۱	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱
دوشنبه			x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱
سهشنبه			x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱
چهارشنبه																	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱

داده‌های مربوط به این مسئله شامل تعداد دانشجویان هر مقطع، تعداد مراجعات آن‌ها در طول دوره برنامه‌ریزی، فاصله زمانی بین مراجعات و نیز تعداد بازه موردنیاز برای هر نوع دانشجو در جدول ۱۴، ارائه شده است.

جدول ۱۴. مشخصات مسئله مراجعات دوره‌ای دانشجویان برای ۱۶ هفته کاری

دانشجویان		انواع				
دانشجویان	موردنیاز	مواردیاز (روز)	تعداد بازه	تعداد مراجعات در	تعداد	فاصله زمانی
کارشناسی			۱	۸	۱۰	۱
کارشناسی ارشد			۲	۶	۱۲	۲
دکتری			۳	۵	۶	۳

اطلاعات مربوط به مدت زمان اجرای مدل و مقدار تابع هدف در جدول ۱۵، ارائه شده است.

جدول ۱۵. نتیجه حل مسئله زمان‌بندی مراجعات دوره‌ای دانشجویان برای ۱۶ هفته کاری

مقدار تابع هدف	تعداد متغیرها	تعداد محدودیت‌ها	مدت زمان حل (ثانیه)
۳۶۸۲	۳۶۰۸۰	۱۸۰۵۴۵	۸۶

از آنجاکه طول دوره برنامه‌ریزی برابر با یک نیمسال تحصیلی (۱۶ هفته) است، برای جلوگیری از طولانی شدن متن مقاله، برای نمونه جدول ۱۶، نتیجه و خروجی حاصل از حل مدل ارائه شده برای هفته چهارم این مسئله را نشان می‌دهد. در جدول ۱۷، نیز برنامه زمانی مراجعات دانشجوی پنجم کارشناسی ارشد در طول دوره، یعنی ۱۶ هفته، ارائه شده است.

جدول ۱۶. زمان‌بندی مراجعات دانشجویان در هفته چهارم

بازه روز	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	۲۰	۲۱	۲۲
شنبه	[۳]	[۳]	[۳]	(۴)	(۲)	(۲)	(۲)	(۱)	[۵]	[۵]	E											
یکشنبه	[۲]	[۲]	(۸)	(۶)	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	E					
دوشنبه	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	E				
سهشنبه	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	E				
چهارشنبه	[۲]	[۲]	(۲)	(۴)	(۵)	(۱)	E	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x

جدول ۱۷. زمان‌بندی مراجعه دوره‌ای دانشجوی شماره ۵ کارشناسی ارشد

شماره دانشجو	بازه زمانی	روز	بازه روز	۹ و ۱۰	۱	۱	۵
			۶ و ۷	۱	۲	۵	
			۳ و ۴	۵	۲	۵	
			۳ و ۴	۵	۳	۵	
			۱ و ۲	۲	۵	۵	
			۲ و ۳	۵	۵	۵	
			۱ و ۲	۲	۷	۵	
			۱ و ۲	۱	۱۱	۵	
			۴ و ۵	۱	۱۲	۵	
			۷ و ۸	۱	۱۳	۵	
			۱۵ و ۱۶	۲	۱۵	۵	
			۱۵ و ۱۶	۱	۱۶	۵	

آزمون مدل با تغییر در پارامترهای مسئله. با مشاهده نتایج به دست آمده از اجرای مدل، این سؤال پیش خواهد آمد که در شرایط متفاوت پارامترهای مسئله، نتایج به دست آمده چگونه تغییر خواهند کرد. برای پاسخ به این سؤال، مدل ارائه شده برای ۱۶ هفته کاری، معادل یک ترم دانشگاهی، با توجه به اطلاعات جدول ۱۴، چندبار اجرا شد و در هر بار یکی از پارامترها تغییر کرد تا بتوان نتایج را با یکدیگر مقایسه کرد. معیار این مقایسه، اطلاعات خروجی مثال عددی است که در جدول ۱۸، ارائه شده است.

در ستون سمت چپ، انواع اجراهای آورده شده است.

- اجرای A همان اجرای مثال در شرایط مدل سازی مسئله برای ۱۶ هفته کاری است.

- اجرای B پارامتر مربوط به تعداد دانشجویان کارشناسی را افزایش می‌دهد.

- اجرای C پارامتر مربوط به تعداد دانشجویان کارشناسی ارشد را افزایش می‌دهد.

- اجرای D پارامتر مربوط به تعداد دانشجویان دکتری را افزایش می‌دهد.

- اجرای E، تعداد مراجعات دانشجویان کارشناسی را در طول دوره برنامه‌ریزی افزایش می‌دهد.
- اجرای F، تعداد مراجعات دانشجویان کارشناسی ارشد را در طول دوره برنامه‌ریزی افزایش می‌دهد.
- اجراهای G و H، تعداد مراجعات دانشجویان دکتری را در طول دوره برنامه‌ریزی افزایش می‌دهد.
- اجرای I تعداد بازه‌های زمانی حضور استادان در دانشگاه را افزایش می‌دهد.

جدول ۱۸. نتایج چندین اجرای متفاوت از مدل

زمان نوع	جواب بهینه						$K$	حل
	$N_x$	$N_y$	$N_z$	$T_x$	$T_y$	$T_z$		
A	۸	۶	۵	۱۰	۱۲	۶	۲۲	۳۶۸۲
B	۵۰	۶	۵	۱۰	۱۲	۶	۲۲	۱۸۴۱۰
C	۸	۱۲	۵	۱۰	۱۲	۶	۲۲	۷۸۸۲
D	۸	۶	۱۰	۱۰	۱۲	۶	۲۲	۶۱۰۰
E	۸	۶	۵	۲۰	۱۲	۶	۲۲	۵۷۸۲
F	۸	۶	۵	۱۰	۲۴	۶	۲۲	۸۱۸۰
G	۸	۶	۵	۱۰	۱۲	۱۲	۲۲	۶۱۰۰
H	۸	۶	۵	۱۰	۱۲	۳۰	۲۲	Infeasible
I	۸	۶	۵	۱۰	۱۲	۶	۲۴	۶۰۷۶
								۵:۲۲

یافته‌های مدیریتی. محدودیت منابع و نیز چگونگی تخصیص بهینه منابع همواره یکی از مسائل مهم و اساسی در سازمان‌ها، بهخصوص سازمان‌های خدماتی، به شمار می‌رود. دانشگاه‌ها و مراکز آموزش عالی نیز همانند سایر سازمان‌های خدماتی با مسائل متنوعی در زمینه تخصیص بهینه منابع مواجه هستند. در این میان زمان یکی از مهم‌ترین منابع مورداستفاده مراکز آموزش عالی است که لزوم تخصیص بهینه آن به مسائل متنوع زمان‌بندی منجر می‌شود. مسئله ارائه شده در این پژوهش، ارائه زمان‌بندی مناسب در برنامه استادان دانشگاه است که باعث می‌شود از زمان حضور استادان و دانشجویان در دانشگاه‌ها استفاده بهینه صورت گیرد. این مسئله یک مسئله جدید در حوزه مسائل زمان‌بندی خدمات دوره‌ای است که پیش از این مورد توجه قرار نگرفته است. این پژوهش موفق شد مسئله مطرح شده در این حوزه را به یک مدل ریاضی خطی تبدیل کند و علی‌رغم پیچیدگی‌های ساختار آن، بدلیل NP-Hard بودن مسئله، در مدت زمان کم و با استفاده از رایانه عادی آن را حل کند. یافته‌های پژوهش نشان می‌دهد که پیچیدگی مسئله موجب طولانی‌شدن زمان حل آن نمی‌شود و نیازی به راه حل‌های پیچیده نیست و مکانیزم‌های ساده قابلیت حل این‌گونه مسائل را دارند.

## ۵. نتیجه‌گیری و پیشنهادها

همان‌طور که گفته شد در مطالعات پیشین به حل مسائل جدول زمانبندی در ۴ حوزه آموزشی، بهداشت و درمان، حمل و نقل و ورزش پرداخته شده است. در این پژوهش، شکل جدیدی از مسائل زمانبندی دوره‌ای پیشنهاد شده است که در آن مراجعات دوره‌ای دانشجویان به استادان مدنظر قرار گرفته و این موضوع تاکنون در مبانی نظری پژوهش وجود نداشته است. دانشجویان باید در طول دوره برنامه‌ریزی تعداد مشخصی مراجعته به استادان داشته باشند و بین این مراجعات فاصله‌های زمانی مشخص رعایت شود. هدف مسئله این است که مراجعات دانشجویان تا حد امکان به صورت یکنواخت در طول دوره برنامه‌ریزی توزیع شده باشد؛ ضمن آنکه زمان‌هایی که برای مراجعات اضطراری در هر روز در نظر گرفته می‌شود، در انتهای مراجعات برنامه‌ریزی شده قرار بگیرد. برای این امر چند مثال عددی و یک مثال واقعی با درنظر گرفتن ۱۶ هفته تحصیلی و سه نوع دانشجو اعم از کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکتری ارائه شد.

نتایج حل مثال‌های عددی نشان داد که نحوه تعریف محدودیت‌ها و تابع هدف مؤثر است و به نتایج مطلوب در مسائل مختلف منجر می‌شود. نقطه قوت مدل ارائه شده آن است که مسئله مراجعات دوره‌ای در قالب یک مدل برنامه‌ریزی خطی صفر و یک مخصوص فرموله شده است و این امر باعث می‌شود زمان حل مسئله حتی برای مسائل واقعی نیز بسیار کوتاه و اثربخش باشد. از آنجاکه مسئله پژوهش حاضر زمانبندی خدمات دوره‌ای است، کاربرد آن محدود به حوزه دانشگاه و تنظیم برنامه زمانی استادان نمی‌شود و از آن می‌توان در تمامی سازمان‌های خدماتی که مشتریان آن‌ها نیازمند دریافت خدمات به صورت دوره‌ای هستند، مانند مراجعات دوره‌ای موکلین به وکلا و همچنین مراجعات دوره‌ای بیماران به پزشکان استفاده کرد.

در مسئله مراجعته بیماران به پزشکان مانند پژوهش حاضر می‌توان انواع مختلف بیماران را در نظر گرفت که هر کدام نیازمند بازه‌های زمانی مشخصی هستند. به علاوه می‌توان تعدادی بازه اضطراری در هر روز برای مراجعات برنامه ریزی نشده در نظر گرفت. مسئله ارائه شده در این پژوهش به صورت خطی ارائه شده است؛ بنابراین برای پژوهش‌های آتی استفاده از روش‌های ابتکاری به منظور کاهش زمان حل مسئله پیشنهاد می‌شود. در استفاده عملی از این مدل به استفاده کنندگان پیشنهاد می‌شود که می‌توان دوره‌های کوتاه‌مدت‌تر، مثل ماهیانه (نه لزوماً ۱۶ هفته) و برای یک ترم) را برای برنامه‌ریزی در نظر گرفت تا زمان اجرای نرم افزار مطلوب باشد و با دریافت بازخورد از برنامه‌های جاری، اصلاحاتی برای دوره‌های آتی در صورت لزوم در نظر گرفت. در این پژوهش، مدلی برای تنظیم برنامه زمانی مراجعته دانشجویان به یک استاد ارائه شده است. از آنجایی که دانشجویان ممکن است در یک روز به بیش از یک استاد مراجعته کنند، می‌توان پیشنهاد داد که در پژوهش‌های آتی مدلی ارائه شود که همپوشانی حداکثری در برنامه

زمان‌بندی مراجعات یک دانشجو به چند استاد را لحاظ کند. این امر موجب می‌شود دانشجویانی که نیازمند مراجعه دوره‌ای به بیش از یک استاد را دارند، در روزها و بازه‌هایی این مراجعات تخصیص داده شود که استادان مربوطه در دانشگاه حضور دارند.

## منابع

1. Akbari, M., Dorri Nokarani, B., Zandieh, M. (2012). Scheduling Working Shifts for Multi-skilled Workforces with Genetic Algorithm Approach. *Journal of Industrial Management Perspective*, 2(3), 87-102 (In Persian).
2. Al-Betar, M. A., Khader, A. T., & Zaman, M. (2012). University course timetabling using a hybrid harmony search metaheuristic algorithm. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part C (Applications and Reviews)*, 42(5), 664-681.
3. Al-Yakoob, S. M., & Sherali, H. D. (2006). Mathematical programming models and algorithms for a class-faculty assignment problem. *European Journal of Operational Research*, 173(2), 488-507.
4. Bar-Noy, A., Bhatia, R., Naor, J., & Schieber, B. (2002). Minimizing service and operation costs of periodic scheduling. *Mathematics of Operations Research*, 27(3), 518-544.
5. Darvish, A., Towhidkhah, F., Khayati, R., Keyhanian S. (2009). Designing Nursing Work Scheduler Intelligent System Based on Genetic Algorithm. *Journal of Hayat*, 15(2), 23-37 (In Persian).
6. Eskandari, H., Bahrami, M. (2017). Multi-objective Operating Room Scheduling Using Simulation-based Optimization. *Journal of Industrial Engineering*, 51(1), 1-13 (In Persian).
7. Fatemi Ghomi, S., Arabzadeh, E., Karimi, B. (2018). A Multi Period Routing and Scheduling optimization Model for Home health Care Problem. *Industrial Management Studies*, 16(48), 1-30 (In Persian).
8. Framanian, J. M., & Perez-Gonzalez, P. (2018). Order Scheduling with Tardiness Objective: Improved Approximate Solutions. *European Journal of Operational Research*, 266(3), 840-850.
9. Gunawan, A., Ng, K. M., & Ong, H. L. (2008). A Genetic Algorithm for the Teacher Assignment Problem for a University in Indonesia. *Information and Management Sciences*, 19(1), 1-16.
10. Ho, S. C., & Leung, J. M. (2010). Solving a Manpower Scheduling Problem for Airline Catering Using Metaheuristics. *European Journal of Operational Research*, 202(3), 903-921.
11. Imani Imanlu, M., Atighehchian, A. (2017). Daily Operating Rooms Scheduling Under Uncertainty Using Simulation Based Optimization Approach. *Journal of Industrial Management Perspective*, 7(2), 53-82 (In Persian).
12. Javanshir, H., Khatami Fivouzabadi, A., Fatemi, S. (2013). Scheduling of Suburban Trains by Considering Emergency Stops and Intersections Based on Simulated Annealing Algorithm. *Industrial Management Studies*, 12(34), 41-88 (In Persian).
13. Kang, L., & Zhu, X. (2017). Strategic timetable scheduling for last trains in urban railway transit networks. *Applied Mathematical Modelling*, 45, 209-225.
14. Kargar, B., Pishvaei, M., Barzinpour, F. (2017). A Multi-Objective Mathematical Model for Organ Allocation to Patients in Iran Organ Transplantation Network. *Journal of Industrial Management Perspective*, 7(3), 151-177 (In Persian).
15. Kendall, G., Knust, S., Ribeiro, C. C., & Urrutia, S. (2010). Scheduling in sports: An annotated bibliography. *Computers & Operations Research*, 37(1), 1-19.

16. Khatami Fivouzabadi, A., Rahimi, M., Mohtashami, A. (2006). Modeling the problem of courses timetabling in a small educational institute. *Industrial Management Studies*, 5(14), 29-54 (In Persian).
17. Leung, J. Y. (Ed.). (2004). *Handbook of scheduling: algorithms, models, and performance analysis*. CRC press.
18. Nasrollahi, M. (2014). Modeling the Nurse Scheduling in Different Shifts of Babolsar Shafa Hospital. *Health Information Management*, 11(7), 985-994 (In Persian).
19. Núñez-del-Toro, C., Fernández, E., Kalcsics, J., & Nickel, S. (2016). Scheduling policies for multi-period services. *European Journal of Operational Research*, 251(3), 751-770.
20. Penn, M. L., Potts, C. N., & Harper, P. R. (2017). Multiple criteria mixed-integer programming for incorporating multiple factors into the development of master operating theatre timetables. *European Journal of Operational Research*, 262(1), 194-206.
21. Remzi H. Arpacı-Dusseau; Andrea C. Arpacı-Dusseau. (2015). Chapter: Scheduling: Introduction, Section 7, 6: A New Metric: Response Time”.
22. Sajadi, A., Ketabi, S., Atighehchian, A. (2018). Determining the Optimal Surgical Case-Mix and Capacity Assignment for Surgical Services in Hospitals Using Simulated Annealing. *Industrial Management Journal*, 10(4), 63-650 (In Persian).
23. Saviniec, L., Santos, M. O., & Costa, A. M. (2018). Parallel local search algorithms for high school timetabling problems. *European Journal of Operational Research*, 265(1), 81-98.
24. Schaefer, A. (1999). A survey of automated timetabling. *Artificial intelligence review*, 13(2), 87-127.
25. Shang, H. Y., Huang, H. J., & Wu, W. X. (2019). Bus timetabling considering passenger satisfaction: An empirical study in Beijing. *Computers & Industrial Engineering*.
26. Sørensen, K. S., Perumal, S. S., Larsen, J., Lusby, R. M., & Riis, M. (2019). A matheuristic for the driver scheduling problem with staff cars. *European Journal of Operational Research*, 275(1), 280-294.
27. Topaloglu, S. (2009). A shift scheduling model for employees with different seniority levels and an application in healthcare. *European Journal of Operational Research*, 198(3), 943-957.
28. Vermuyten, H., Lemmens, S., Marques, I., & Beliën, J. (2016). Developing compact course timetables with optimized student flows. *European Journal of Operational Research*, 251(2), 651-661
29. Yaghini, M., Mohammadzadeh, A. (2011). A Train Scheduling by Considering the Train Stops for Prayer. *Journal of Industrial Engineering*, 45(1), 103- 116 (In Persian).

# **Providing a Mathematical Model for Solving the Problem of Timetabling of Periodical Services**

**Ali Reza Naser Sadrabadi<sup>\*</sup>, Setareh Boshrouei Shargh<sup>\*\*</sup>,  
Seyed Heidar Mirfakhredini<sup>\*\*\*</sup>**

## **Abstract**

Periodical services are scheduled in various methods throughout different industries and services. Customers or clients periodically visit institutions or service providers to request for a service. Examples are patients referring to physicians or university students to lecturers. This paper proposes a novel model for the scheduling of the periodical services that university students may inquire from their lecturers. The timing of the schedule should accommodate an even distribution of office visits, intervals between the visits, and continual visits, which may require longer time slots. Although the problem has a complex structure, a pure linear integer model is formulated to yield a satisfactory schedule. The solution is verified using two numerical examples and one real example on LINGO (version 17). The results indicate that the model enjoys an acceptable processing time while meeting all constraints, and may be employed successfully on a large scale.

**Keywords:** Integer Linear Programming; Optimization; Service Scheduling; Periodical Issues; Mathematical Modeling.

---

Received: Dec. 01, 2018, Accepted: Feb. 14, 2020.

\* Assistant Professor, Yazd University (Corresponding Author).

Email: alireza\_naser@yazd.ac.ir

\*\* M.A., Yazd University.

\*\*\* Associate Professor, Yazd University.